

# Leçon 5 – 11/03/2025

## 3. Dynamique

- 3.3 Forces particulières
- 3.4 Quantité de mouvement
- 3.5 Centre de masse

---

# 3. Dynamique

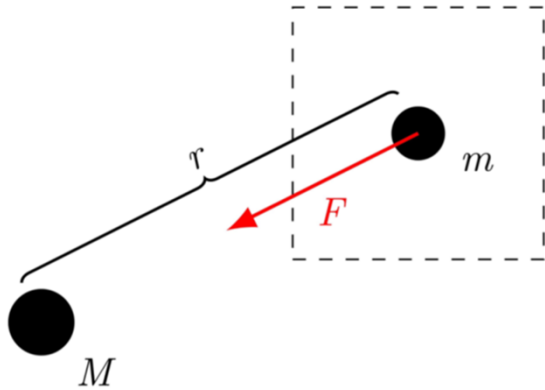
---

## 3.3 Forces particulières

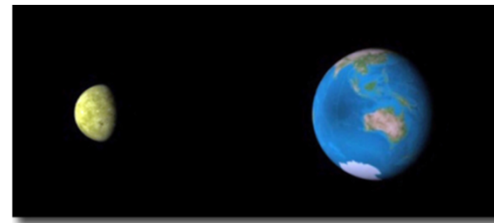
### 3.3.1 Forces à distance

---

#### 1. Force de la gravitation :



Exemples :

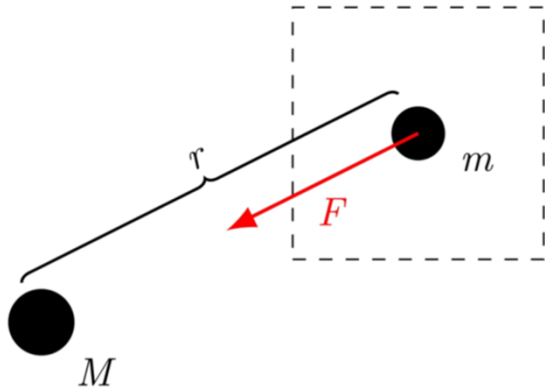


### 3.3.1 Forces à distance

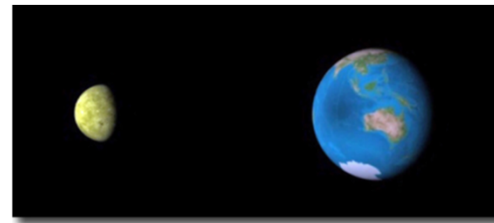
---

Elles sont exercées sans contact avec l'objet considéré.

#### 1. Force de la gravitation :



Exemples :

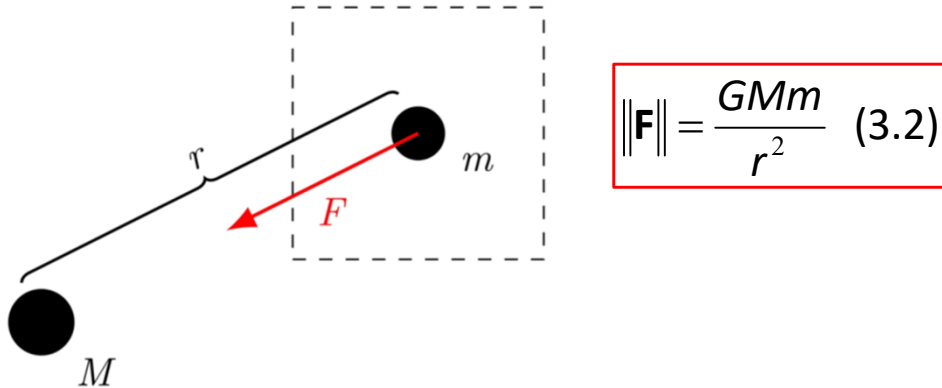


### 3.3.1 Forces à distance

---

Elles sont exercées sans contact avec l'objet considéré.

1. Force de la gravitation : Les masses s'attirent.



Exemples :

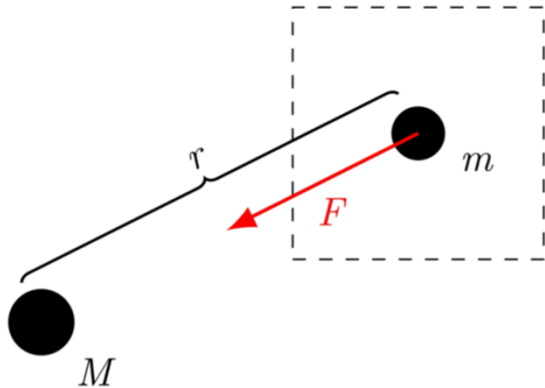


### 3.3.1 Forces à distance

---

Elles sont exercées sans contact avec l'objet considéré.

1. Force de la gravitation : Les masses s'attirent.



$$\|\mathbf{F}\| = \frac{GMm}{r^2} \quad (3.2)$$

- Force proportionnelle au produit des masses.
- Force inversement proportionnelle au carré de la distance qui les sépare.

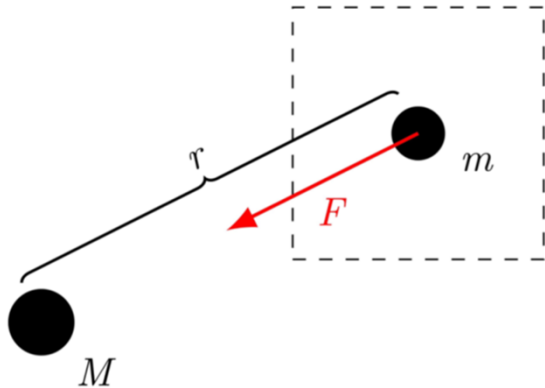
Exemples :



### 3.3.1 Forces à distance

Elles sont exercées sans contact avec l'objet considéré.

#### 1. Force de la gravitation : Les masses s'attirent.



$$\|\mathbf{F}\| = \frac{GMm}{r^2} \quad (3.2)$$

- Force proportionnelle au produit des masses.
- Force inversement proportionnelle au carré de la distance qui les sépare.

$G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2}$  : constante universelle de la gravitation

Exemples :



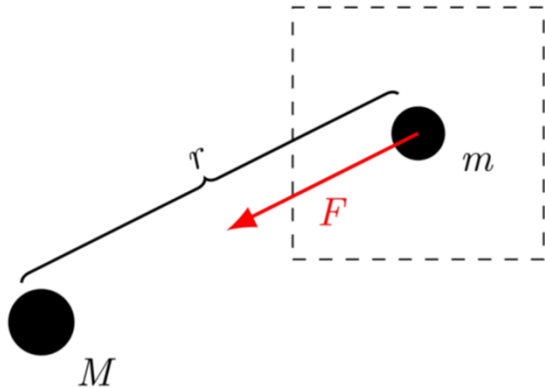


### 3.3.1 Forces à distance

---

Elles sont exercées sans contact avec l'objet considéré.

#### 1. Force de la gravitation : Les masses s'attirent.



$$\|\mathbf{F}\| = \frac{GMm}{r^2} \quad (3.2)$$

- Force proportionnelle au produit des masses.
- Force inversement proportionnelle au carré de la distance qui les sépare.

$G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2}$  : constante universelle de la gravitation

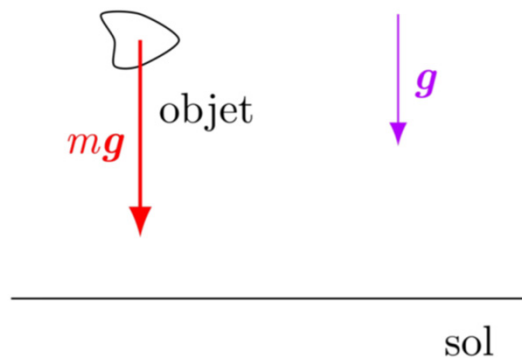
#### Exemples :

- Lune attirée par la terre.
- Terre attirée par le soleil.



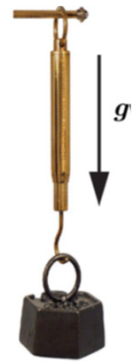
### 3.3.1 Forces à distance

---



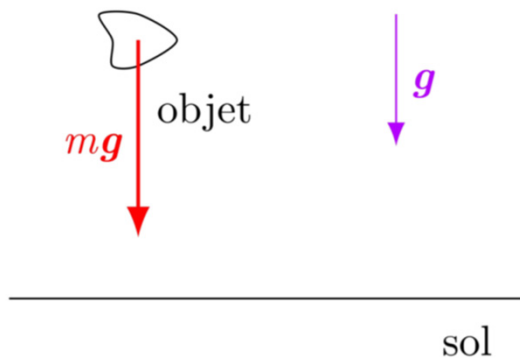
Exemple :

Remarques :



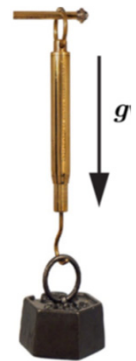
### 3.3.1 Forces à distance

Près de la surface de la terre, le champ de gravitation a une norme  $g = \frac{GM}{r^2}$  qui est quasiment constante (car  $r \approx \text{cste}$ ). Dans ce cas la force de la gravitation est appelée le poids.



$$\mathbf{F} = m\mathbf{g} \quad (3.3)$$

où  $\mathbf{g}$  est dirigé vers le centre de la terre et  $\|\mathbf{g}\| = g \cong 9,81 \text{ m.s}^{-2}$ .

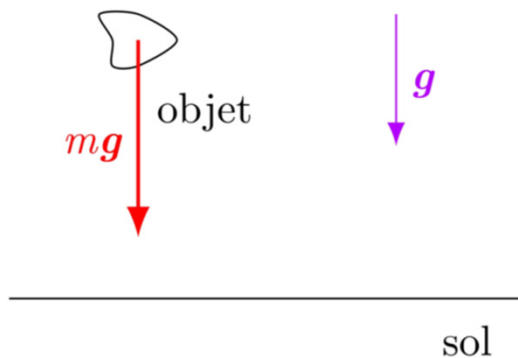


Exemple :

Remarques :

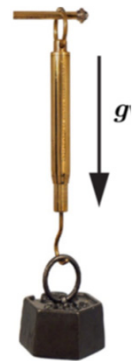
### 3.3.1 Forces à distance

Près de la surface de la terre, le champ de gravitation a une norme  $g = \frac{GM}{r^2}$  qui est quasiment constante (car  $r \approx \text{cste}$ ). Dans ce cas la force de la gravitation est appelée le poids.



$$\mathbf{F} = m\mathbf{g} \quad (3.3)$$

où  $\mathbf{g}$  est dirigé vers le centre de la terre et  $\|\mathbf{g}\| = g \cong 9,81 \text{ m.s}^{-2}$ .



#### Exemple :

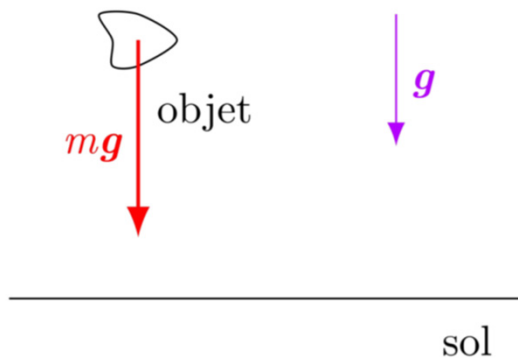
Objet en chute libre. Dans ce cas, la seule force que subit l'objet est son propre poids.

Alors,  $\mathbf{F} = m\mathbf{a} \Rightarrow m\mathbf{g} = m\mathbf{a} \Rightarrow \mathbf{a}(t) = \mathbf{g} \quad \forall t$ .

#### Remarques :

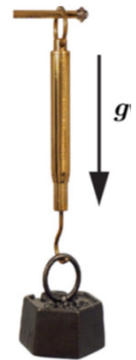
### 3.3.1 Forces à distance

Près de la surface de la terre, le champ de gravitation a une norme  $g = \frac{GM}{r^2}$  qui est quasiment constante (car  $r \approx \text{cste}$ ). Dans ce cas la force de la gravitation est appelée le poids.



$$\mathbf{F} = m\mathbf{g} \quad (3.3)$$

où  $\mathbf{g}$  est dirigé vers le centre de la terre et  $\|\mathbf{g}\| = g \cong 9,81 \text{ m.s}^{-2}$ .



#### Exemple :

Objet en chute libre. Dans ce cas, la seule force que subit l'objet est son propre poids.

Alors,  $\mathbf{F} = m\mathbf{a} \Rightarrow m\mathbf{g} = m\mathbf{a} \Rightarrow \mathbf{a}(t) = \mathbf{g} \quad \forall t$ .

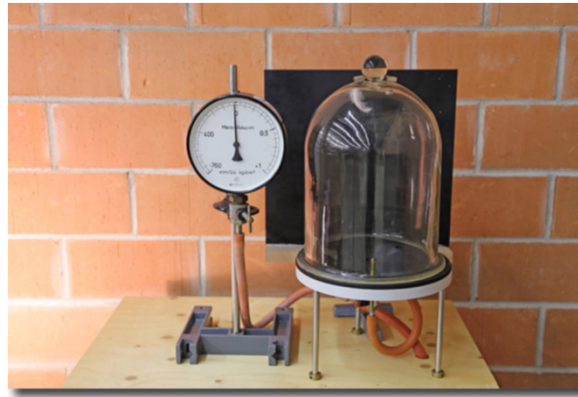
#### Remarques :

- L'accélération est constante et égale à  $\mathbf{g}$  (MUA).
- L'accélération est indépendante de la masse  $m$ .

### 3.3.1 Forces à distance

---

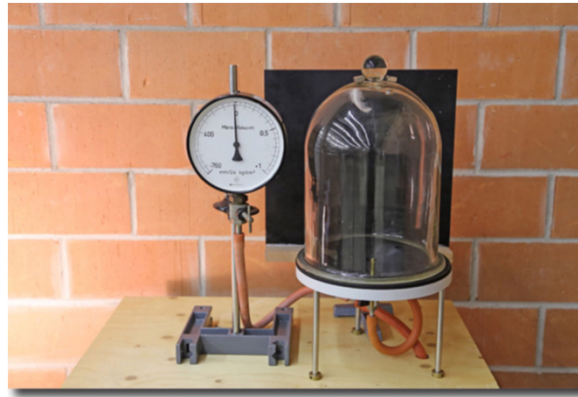
Expérience :



### 3.3.1 Forces à distance

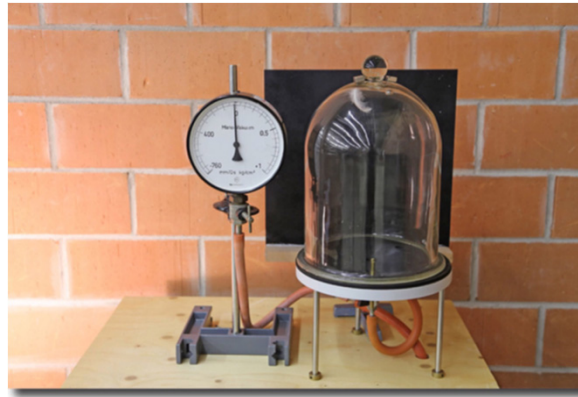
---

Expérience : Chute libre de Galilée (Torricelli)



### 3.3.1 Forces à distance

Expérience : Chute libre de Galilée (Torricelli)



1. Lorsqu'on fait le vide dans l'enceinte, l'accélération de la bille est la même que celle de la plume :  $a = g$
2. Dans l'air, la force de frottement a pour effet de freiner davantage la plume. Les accélérations ne sont pas les mêmes.





### 3.3.1 Forces à distance

---

2. Force électrique :

3. Force magnétique :

Expérience :



### 3.3.1 Forces à distance

---

2. Force électrique : Les charges électriques de signe opposé s'attirent et les charges électriques de même signe se repoussent.

3. Force magnétique :

Expérience :



### 3.3.1 Forces à distance

---

2. **Force électrique** : Les charges électriques de signe opposé s'attirent et les charges électriques de même signe se repoussent.

3. **Force magnétique** : Une charge électrique en mouvement est déviée par un courant électrique (qui génère un champ magnétique (cf. cours 9)).

Expérience :



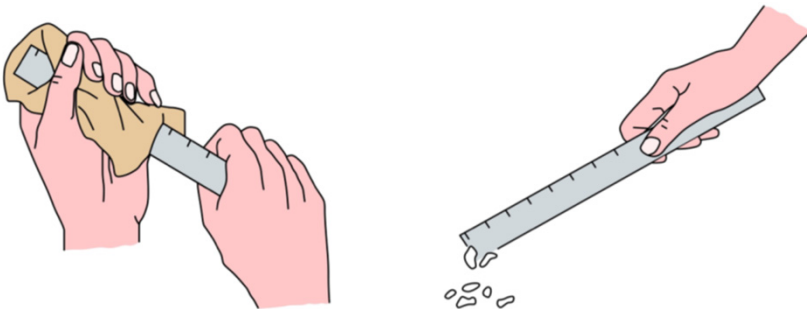
### 3.3.1 Forces à distance

---

**2. Force électrique :** Les charges électriques de signe opposé s'attirent et les charges électriques de même signe se repoussent.

**3. Force magnétique :** Une charge électrique en mouvement est déviée par un courant électrique (qui génère un champ magnétique (cf. cours 9)).

**Expérience :** Baguette chargée par friction



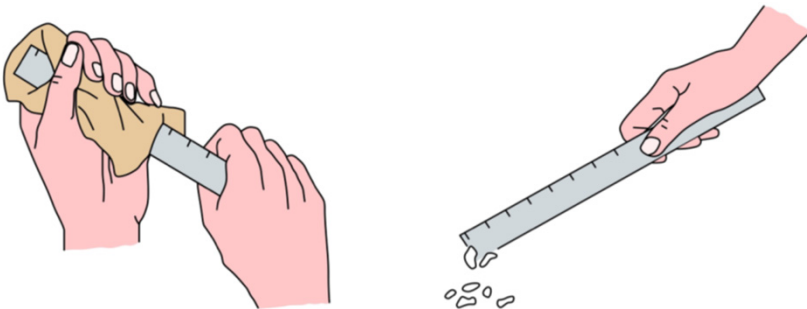
### 3.3.1 Forces à distance

---

**2. Force électrique :** Les charges électriques de signe opposé s'attirent et les charges électriques de même signe se repoussent.

**3. Force magnétique :** Une charge électrique en mouvement est déviée par un courant électrique (qui génère un champ magnétique (cf. cours 9)).

**Expérience :** Baguette chargée par friction

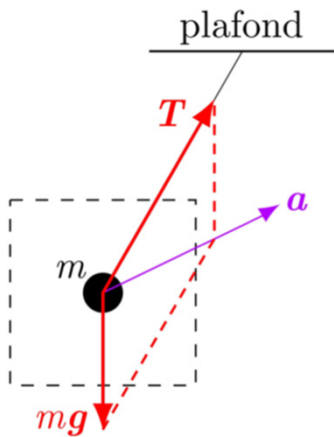


On charge une baguette à l'aide d'un chiffon. De petits morceaux de papier sont attirés dû à la force électrique exercée par les charges de signe opposé présentes sur la baguette.

### 3.3.2 Forces de contact

---

Tension :



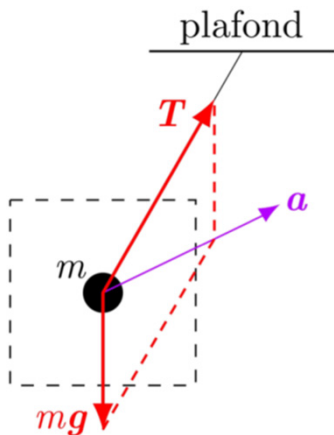
Loi du mouvement :

### 3.3.2 Forces de contact

---

Les forces de contact sont exercées par traction (tension dans un fil), par pression (soutien d'une table) ou par cisaillement (frottement). Elles sont transmises par contact avec l'objet considéré.

Tension :



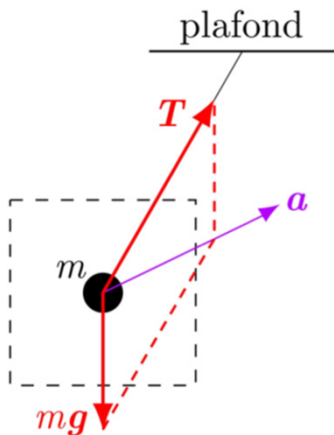
Loi du mouvement :

### 3.3.2 Forces de contact

---

Les forces de contact sont exercées par traction (tension dans un fil), par pression (soutien d'une table) ou par cisaillement (frottement). Elles sont transmises par contact avec l'objet considéré.

**Tension :** Pendule simple constitué d'une boule suspendue à un fil attaché au plafond. La boule est soumise à son poids  $mg$  et à la tension  $T$  dans le fil.



Loi du mouvement :

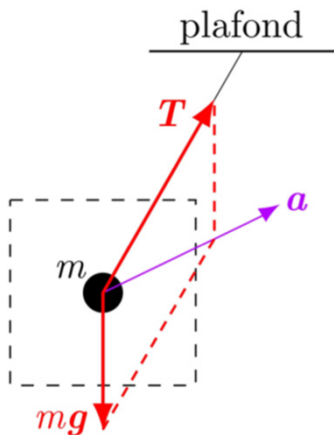


### 3.3.2 Forces de contact

---

Les forces de contact sont exercées par traction (tension dans un fil), par pression (soutien d'une table) ou par cisaillement (frottement). Elles sont transmises par contact avec l'objet considéré.

**Tension :** Pendule simple constitué d'une boule suspendue à un fil attaché au plafond. La boule est soumise à son poids  $mg$  et à la tension  $T$  dans le fil.



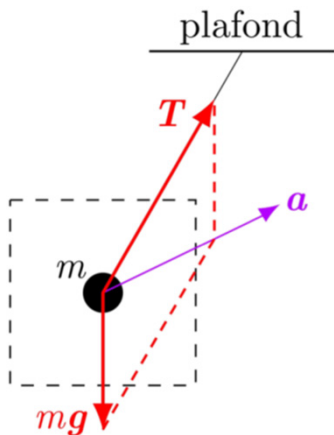
Loi du mouvement :  $mg + T = ma$  (3.4)

### 3.3.2 Forces de contact

---

Les forces de contact sont exercées par traction (tension dans un fil), par pression (soutien d'une table) ou par cisaillement (frottement). Elles sont transmises par contact avec l'objet considéré.

**Tension :** Pendule simple constitué d'une boule suspendue à un fil attaché au plafond. La boule est soumise à son poids  $mg$  et à la tension  $T$  dans le fil.



Loi du mouvement :  $mg + T = ma$  (3.4)

- À chaque instant, la somme des forces tend à ramener le pendule à la verticale. Il s'ensuit un mouvement d'oscillation.

### 3.3.2 Forces de contact

---

Expérience :



### 3.3.2 Forces de contact

---

Expérience : Pendule simple



### 3.3.2 Forces de contact

---

#### Expérience : Pendule simple

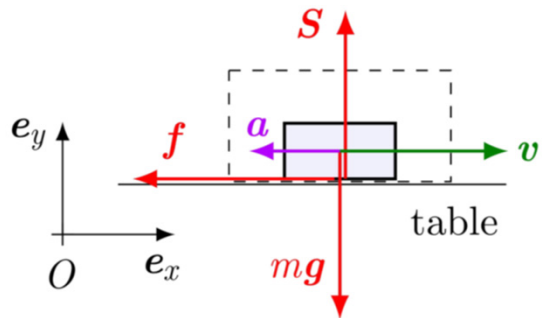


- La tension  $T$  est toujours orientée selon le fil vers le point d'attache. Sa norme dépend de la vitesse du poids.
- La tension garantit que le mouvement de l'objet (boule ou poids) a lieu sur un arc de cercle à distance constante du point d'attache.

### 3.3.2 Forces de contact

---

Soutien :



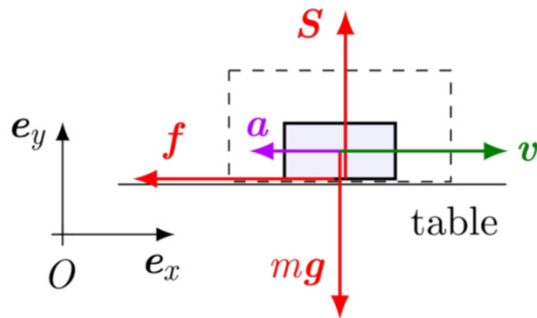
Loi du mouvement :

### 3.3.2 Forces de contact

---

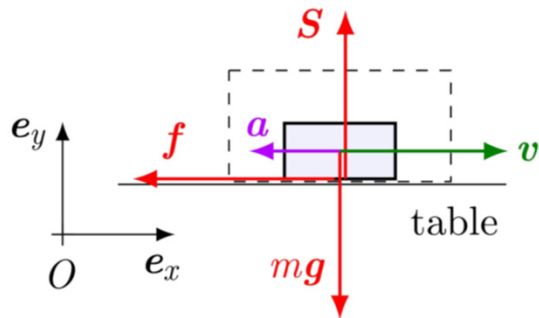
**Soutien :** Une boîte glissant sur une table est soumise à son poids  $mg$ , à la force de soutien  $\mathbf{S}$  de la table et à une force de frottement  $\mathbf{f}$  qui s'oppose au mouvement.

Loi du mouvement :



### 3.3.2 Forces de contact

**Soutien :** Une boîte glissant sur une table est soumise à son poids  $mg$ , à la force de soutien  $\mathbf{S}$  de la table et à une force de frottement  $\mathbf{f}$  qui s'oppose au mouvement.



Loi du mouvement :

$$mg + \mathbf{S} + \mathbf{f} = m\mathbf{a}$$

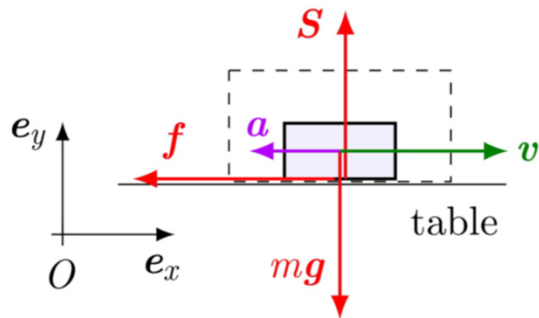
$$\text{Selon } \mathbf{e}_x : -f = -ma \quad (3.5)$$

$$\text{Selon } \mathbf{e}_y : -mg + S = 0$$



### 3.3.2 Forces de contact

**Soutien :** Une boîte glissant sur une table est soumise à son poids  $mg$ , à la force de soutien  $S$  de la table et à une force de frottement  $f$  qui s'oppose au mouvement.



Loi du mouvement :

$$mg + S + f = ma$$

$$\text{Selon } e_x : -f = -ma \quad (3.5)$$

$$\text{Selon } e_y : -mg + S = 0$$

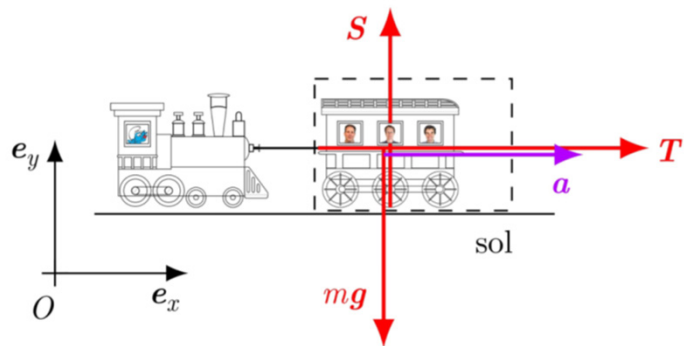
Comme la boîte ne quitte pas la table, l'accélération est parallèle à la table. Ainsi,

$$\begin{cases} f = ma \\ S = mg \end{cases} \quad (3.6)$$

### 3.3.2 Forces de contact

---

Traction :

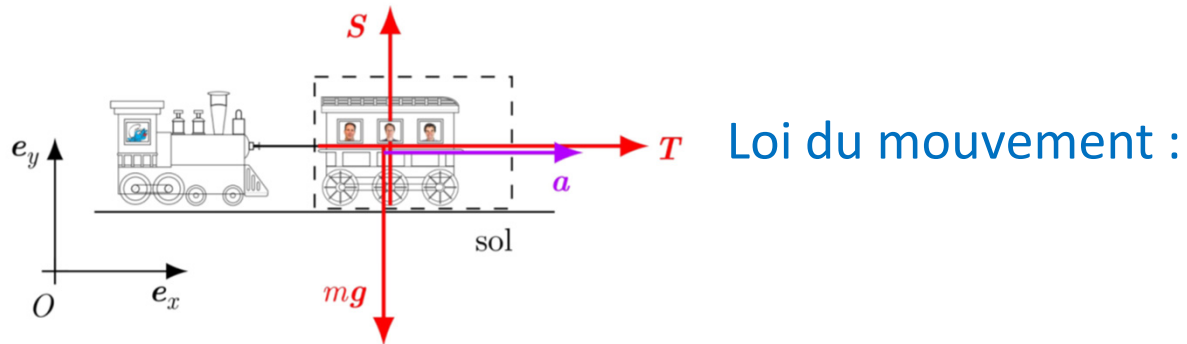


Loi du mouvement :

### 3.3.2 Forces de contact

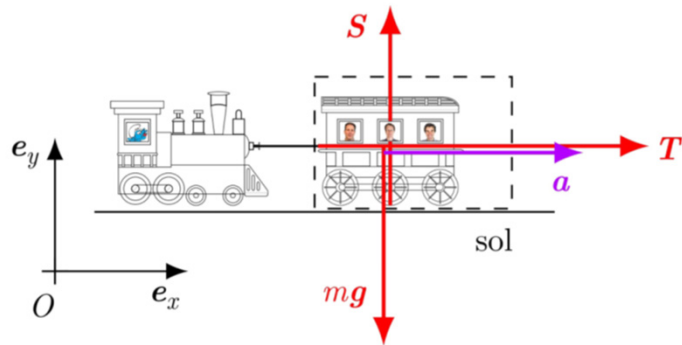
---

**Traction :** Une locomotive pousse un wagon avec une force de traction  $\mathbf{T}$ . Le wagon a une masse  $m$  et le frottement est négligeable.



### 3.3.2 Forces de contact

**Traction :** Une locomotive pousse un wagon avec une force de traction  $\mathbf{T}$ . Le wagon a une masse  $m$  et le frottement est négligeable.



Loi du mouvement :

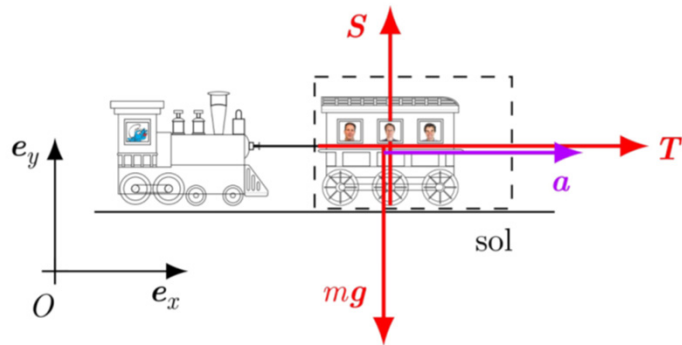
$$mg + \mathbf{S} + \mathbf{T} = m\mathbf{a}$$

$$\text{Selon } \mathbf{e}_x : T = ma \quad (3.7)$$

$$\text{Selon } \mathbf{e}_y : -mg + S = 0$$

### 3.3.2 Forces de contact

**Traction :** Une locomotive pousse un wagon avec une force de traction  $\mathbf{T}$ . Le wagon a une masse  $m$  et le frottement est négligeable.



Loi du mouvement :

$$mg + \mathbf{S} + \mathbf{T} = m\mathbf{a}$$

$$\text{Selon } \mathbf{e}_x : T = ma \quad (3.7)$$

$$\text{Selon } \mathbf{e}_y : -mg + S = 0$$

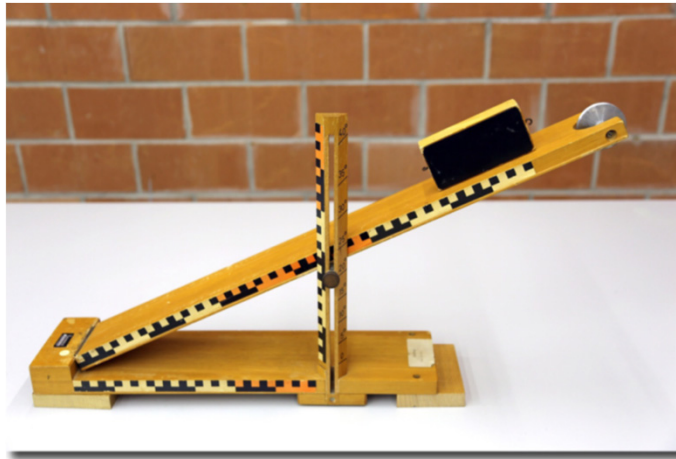
Ainsi,

$$\begin{cases} T = ma \\ S = mg \end{cases}$$

### 3.3.2 Forces de contact

---

Expériences :



### 3.3.2 Forces de contact

---

Expériences : 1. Plan incliné



### 3.3.2 Forces de contact

---

Expériences : 1. Plan incliné



2. Échelle





### 3.3.2 Forces de contact

---

Expériences : 1. Plan incliné



2. Échelle

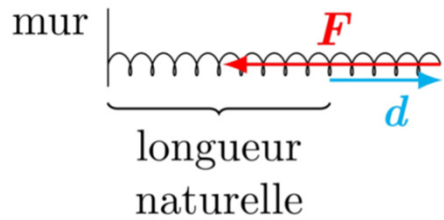


- On augmente l'inclinaison de façon continue jusqu'à ce que le plot se mette à glisser. Cela se produit lorsque le poids l'emporte sur la force de frottement statique.
- Pour qu'une échelle ne tombe pas, il faut que l'angle entre l'échelle et le sol soit suffisamment élevé.

### 3.3.2 Forces de contact

---

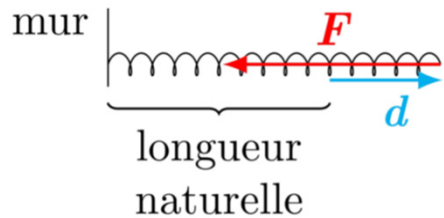
Force élastique :



### 3.3.2 Forces de contact

---

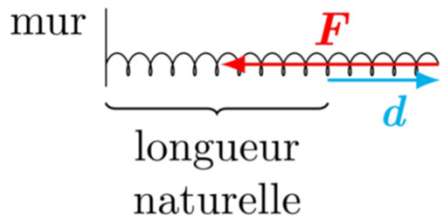
**Force élastique :** Un ressort est formé d'une tige enroulée en spirale. Il a une certaine longueur au repos et une rigidité (difficulté à être déformé). La force exercée par le ressort est proportionnelle à son allongement  $\mathbf{d}$  (vecteur déplacement de l'extrémité). Cette force est répulsive en contraction et attractive en élongation.



### 3.3.2 Forces de contact

---

**Force élastique :** Un ressort est formé d'une tige enroulée en spirale. Il a une certaine longueur au repos et une rigidité (difficulté à être déformé). La force exercée par le ressort est proportionnelle à son allongement **d** (vecteur déplacement de l'extrémité). Cette force est répulsive en contraction et attractive en élongation.

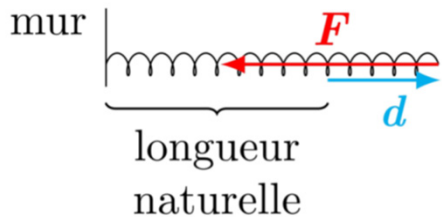


- Force élastique :  $\mathbf{F} = -k\mathbf{d}$  (3.8)

### 3.3.2 Forces de contact

---

**Force élastique :** Un ressort est formé d'une tige enroulée en spirale. Il a une certaine longueur au repos et une rigidité (difficulté à être déformé). La force exercée par le ressort est proportionnelle à son allongement **d** (vecteur déplacement de l'extrémité). Cette force est répulsive en contraction et attractive en élongation.

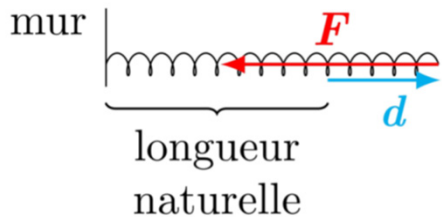


- Force élastique :  **$F = -kd$**  (3.8)
- La constante du ressort  $k$  mesure sa rigidité.

### 3.3.2 Forces de contact

---

**Force élastique :** Un ressort est formé d'une tige enroulée en spirale. Il a une certaine longueur au repos et une rigidité (difficulté à être déformé). La force exercée par le ressort est proportionnelle à son allongement  $\mathbf{d}$  (vecteur déplacement de l'extrémité). Cette force est répulsive en contraction et attractive en élongation.

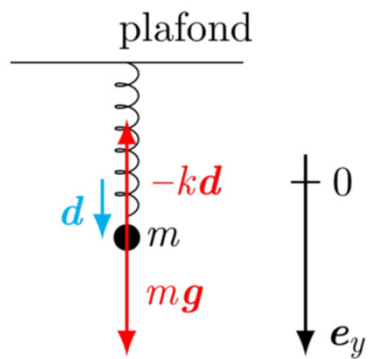


- Force élastique :  $\mathbf{F} = -k\mathbf{d}$  (3.8)
- La constante du ressort  $k$  mesure sa rigidité.
- Unité physique de  $k$  (SI) :  $[\text{N.m}^{-1}] = [\text{kg.s}^{-2}]$

### 3.3.2 Forces de contact

---

Équilibre :

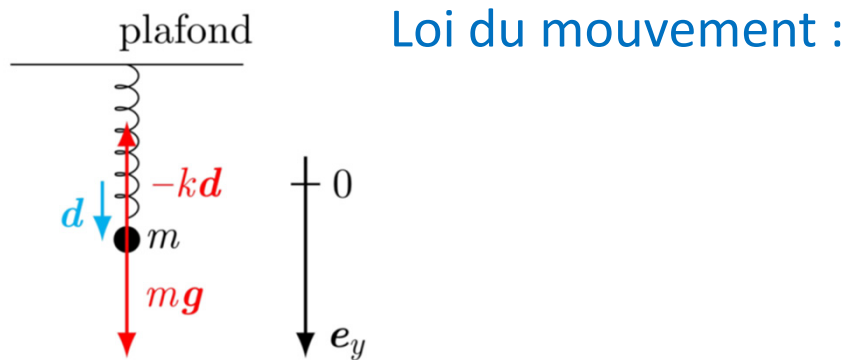


Loi du mouvement :

### 3.3.2 Forces de contact

---

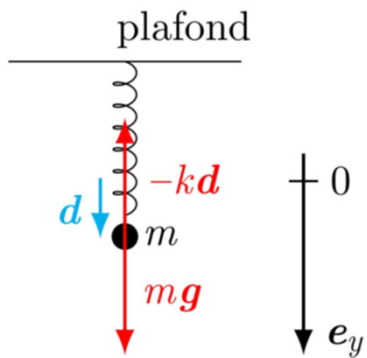
Équilibre : Objet immobile suspendu à un ressort à l'équilibre.





### 3.3.2 Forces de contact

Équilibre : Objet immobile suspendu à un ressort à l'équilibre.



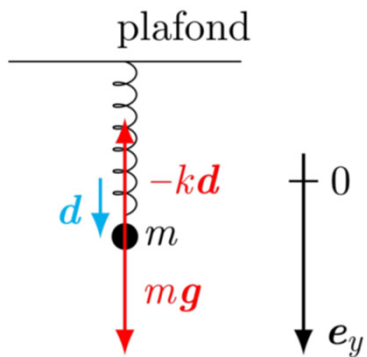
Loi du mouvement :

$$mg - kd = 0$$

$$\text{Selon } \mathbf{e}_y : mg - kd = 0 \Rightarrow d = \frac{mg}{k} \quad (3.9)$$

### 3.3.2 Forces de contact

**Équilibre :** Objet immobile suspendu à un ressort à l'équilibre.



Loi du mouvement :

$$mg - kd = 0$$

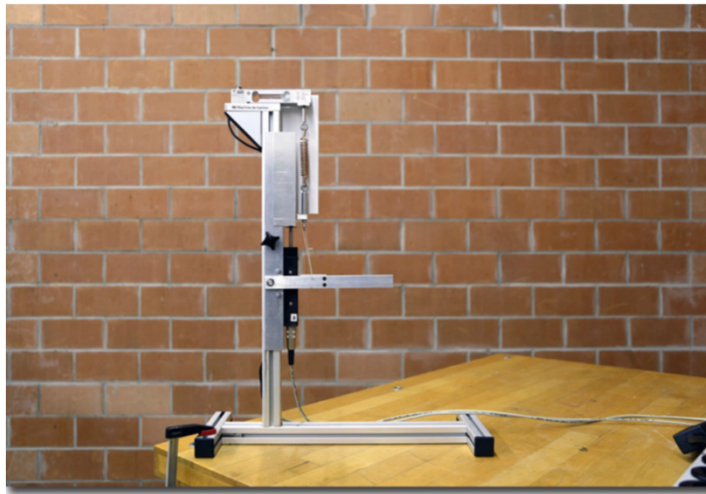
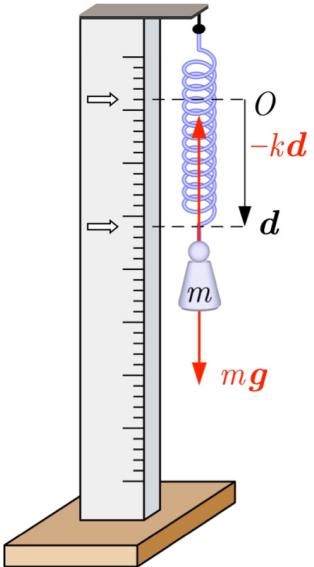
$$\text{Selon } \mathbf{e}_y : mg - kd = 0 \Rightarrow d = \frac{mg}{k} \quad (3.9)$$

À l'équilibre, l'objet est immobile. Son accélération est donc nulle.

### 3.3.2 Forces de contact

---

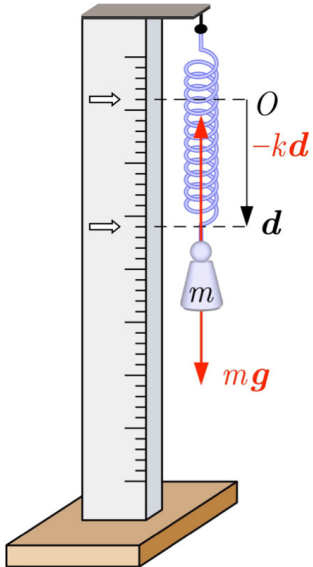
Expérience :



### 3.3.2 Forces de contact

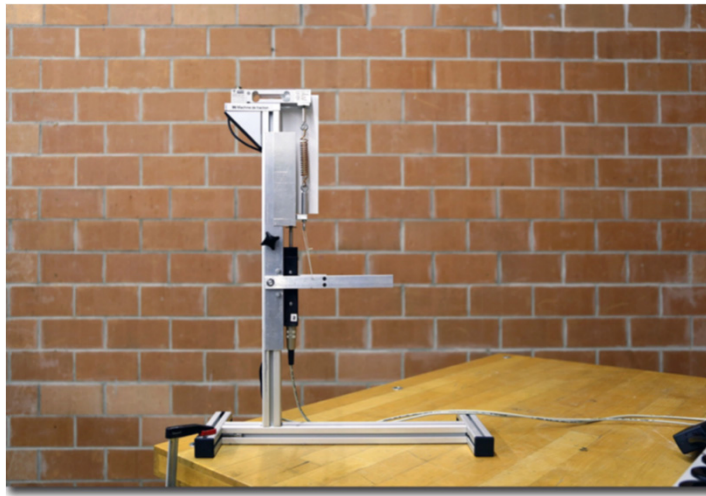
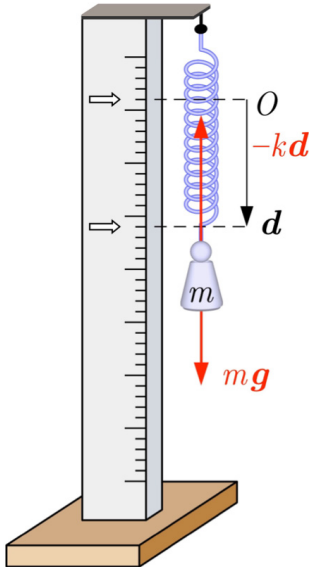
---

Expérience : Allongement proportionnel à la force appliquée



### 3.3.2 Forces de contact

Expérience : Allongement proportionnel à la force appliquée



- On fait la mesure de la force élastique à l'aide d'un capteur de force et du déplacement en tirant sur le ressort.
- Dans le domaine élastique, l'élongation est proportionnelle à la force appliquée (loi de Hooke).

---

## 3.4 Quantité de mouvement

### ***3.4.0 Preamble***

---

### 3.4.0 Préambule

---

On considère un objet de masse  $m$  et de vitesse  $\mathbf{v}$ . La quantité de mouvement  $\mathbf{P}$  s'exprime comme :  $\mathbf{P} = m\mathbf{v}$  (3.10)

- C'est une grandeur vectorielle et extensive.
- Unité physique (SI) :  $[\text{kg.m.s}^{-1}]$
- Pour un objet de masse  $m$  constante, la deuxième loi de Newton s'écrit alors :



### 3.4.0 Préambule

---

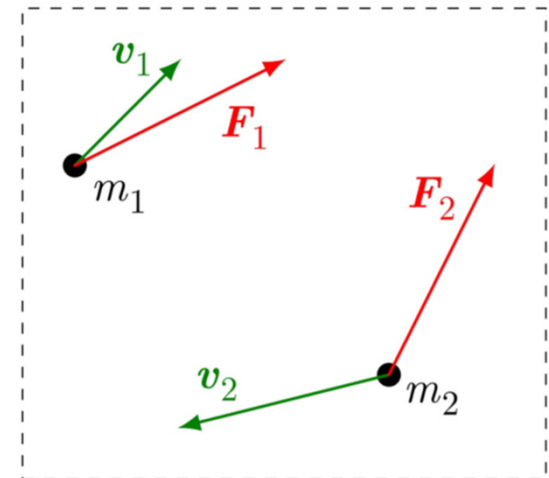
On considère un objet de masse  $m$  et de vitesse  $\mathbf{v}$ . La quantité de mouvement  $\mathbf{P}$  s'exprime comme :  $\mathbf{P} = m\mathbf{v}$  (3.10)

- C'est une grandeur vectorielle et extensive.
- Unité physique (SI) :  $[\text{kg.m.s}^{-1}]$
- Pour un objet de masse  $m$  constante, la deuxième loi de Newton s'écrit alors :

$$\mathbf{F} = m\mathbf{a} = m\dot{\mathbf{v}} = \frac{d}{dt}(m\mathbf{v}) = \dot{\mathbf{P}} \Rightarrow \mathbf{F} = \dot{\mathbf{P}} \quad (3.11)$$

### 3.4.1 Quantité de mouvement totale

---

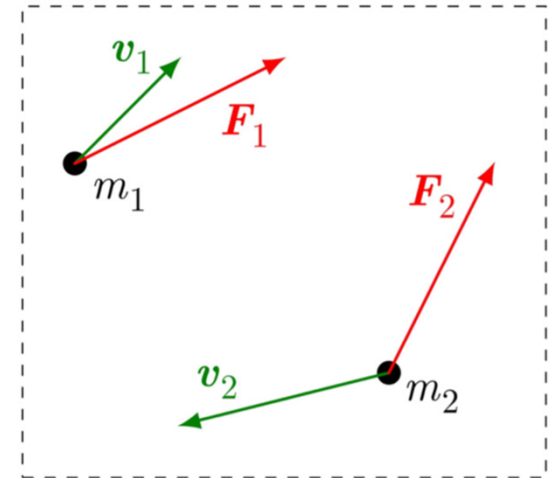


### 3.4.1 Quantité de mouvement totale

---

- Comme la quantité de mouvement est une grandeur extensive, la quantité de mouvement totale  $\mathbf{P}$  d'un objet formé de  $N$  parties est la somme des quantités de mouvement de chaque partie :

$$\mathbf{P} = \mathbf{P}_1 + \mathbf{P}_2 + \dots + \mathbf{P}_N = m_1 \mathbf{v}_1 + m_2 \mathbf{v}_2 + \dots + m_N \mathbf{v}_N \quad (3.12)$$



### 3.4.1 Quantité de mouvement totale

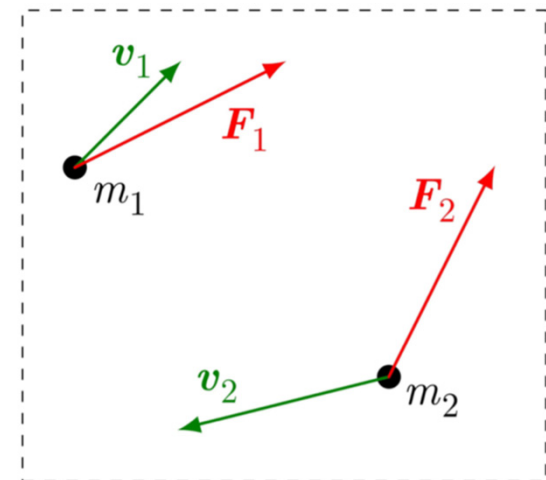
---

- Comme la quantité de mouvement est une grandeur extensive, la quantité de mouvement totale  $\mathbf{P}$  d'un objet formé de  $N$  parties est la somme des quantités de mouvement de chaque partie :

$$\mathbf{P} = \mathbf{P}_1 + \mathbf{P}_2 + \dots + \mathbf{P}_N = m_1 \mathbf{v}_1 + m_2 \mathbf{v}_2 + \dots + m_N \mathbf{v}_N \quad (3.12)$$

- Comme la force est une grandeur extensive, la force résultante (totale)  $\mathbf{F}$  exercée sur un objet formé de  $N$  parties est la somme des forces exercées sur chaque partie :

$$\mathbf{F} = \mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \dots + \mathbf{F}_N \quad (3.13)$$



### 3.4.1 Quantité de mouvement totale

- Comme la quantité de mouvement est une grandeur extensive, la quantité de mouvement totale  $\mathbf{P}$  d'un objet formé de  $N$  parties est la somme des quantités de mouvement de chaque partie :

$$\mathbf{P} = \mathbf{P}_1 + \mathbf{P}_2 + \dots + \mathbf{P}_N = m_1 \mathbf{v}_1 + m_2 \mathbf{v}_2 + \dots + m_N \mathbf{v}_N \quad (3.12)$$

- Comme la force est une grandeur extensive, la force résultante (totale)  $\mathbf{F}$  exercée sur un objet formé de  $N$  parties est la somme des forces exercées sur chaque partie :

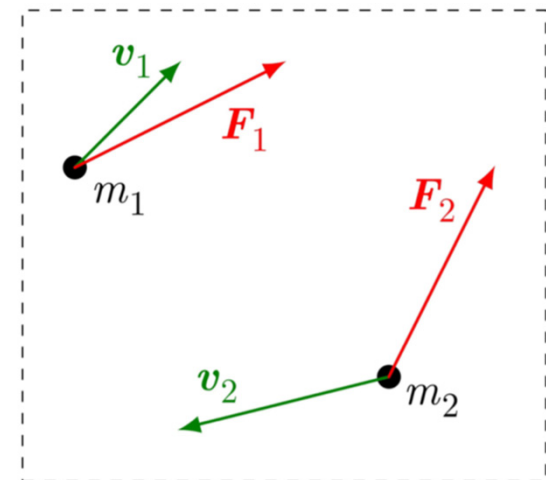
$$\mathbf{F} = \mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \dots + \mathbf{F}_N \quad (3.13)$$

- Objet formé de deux parties :

$$\text{Partie 1 : } \mathbf{F}_1 = m_1 \mathbf{a}_1 = \dot{\mathbf{p}}_1$$

$$\text{Partie 2 : } \mathbf{F}_2 = m_2 \mathbf{a}_2 = \dot{\mathbf{p}}_2$$

$$\Rightarrow \mathbf{F} = \mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 = \frac{d}{dt}(\mathbf{p}_1 + \mathbf{p}_2) = \frac{d\mathbf{P}}{dt} \quad (3.14)$$



---

## 3.5 Centre de masse

### 3.5.0 Préambule

---

Remarque :

Centre de masse :

Remarque :

### 3.5.0 Preamble

---

Dans la deuxième loi de Newton :  $\mathbf{F} = m\mathbf{a}$ , l'accélération  $\mathbf{a}$  est celle de l'objet. On considère un objet formé de  $N$  parties dont les vecteurs positions sont  $\mathbf{r}_i$  où  $i = 1, \dots, N$ .

Remarque :

Centre de masse :

Remarque :



### 3.5.0 Préambule

---

Dans la deuxième loi de Newton :  $\mathbf{F} = m\mathbf{a}$ , l'accélération  $\mathbf{a}$  est celle de l'objet. On considère un objet formé de  $N$  parties dont les vecteurs positions sont  $\mathbf{r}_i$  où  $i = 1, \dots, N$ .

**Remarque :** La quantité de mouvement totale s'écrit :

$$\mathbf{P} = m_1\mathbf{v}_1 + m_2\mathbf{v}_2 + \dots + m_N\mathbf{v}_N = \frac{d}{dt}(m_1\mathbf{r}_1 + m_2\mathbf{r}_2 + \dots + m_N\mathbf{r}_N) = \frac{d}{dt}(m\mathbf{r}_{\text{cm}}) \quad (3.15)$$

Centre de masse :

**Remarque :**

### 3.5.0 Préambule

---

Dans la deuxième loi de Newton :  $\mathbf{F} = m\mathbf{a}$ , l'accélération  $\mathbf{a}$  est celle de l'objet. On considère un objet formé de  $N$  parties dont les vecteurs positions sont  $\mathbf{r}_i$  où  $i = 1, \dots, N$ .

**Remarque :** La quantité de mouvement totale s'écrit :

$$\mathbf{P} = m_1\mathbf{v}_1 + m_2\mathbf{v}_2 + \dots + m_N\mathbf{v}_N = \frac{d}{dt}(m_1\mathbf{r}_1 + m_2\mathbf{r}_2 + \dots + m_N\mathbf{r}_N) = \frac{d}{dt}(m\mathbf{r}_{\text{cm}}) \quad (3.15)$$

**Centre de masse :** 
$$\mathbf{r}_{\text{cm}} = \frac{m_1\mathbf{r}_1 + m_2\mathbf{r}_2 + \dots + m_N\mathbf{r}_N}{m} \quad (3.16)$$

où  $m = m_1 + m_2 + \dots + m_N = \text{cste}$  est la masse totale de l'objet.

**Remarque :**

### 3.5.0 Préambule

---

Dans la deuxième loi de Newton :  $\mathbf{F} = m\mathbf{a}$ , l'accélération  $\mathbf{a}$  est celle de l'objet. On considère un objet formé de  $N$  parties dont les vecteurs positions sont  $\mathbf{r}_i$  où  $i = 1, \dots, N$ .

**Remarque :** La quantité de mouvement totale s'écrit :

$$\mathbf{P} = m_1\mathbf{v}_1 + m_2\mathbf{v}_2 + \dots + m_N\mathbf{v}_N = \frac{d}{dt}(m_1\mathbf{r}_1 + m_2\mathbf{r}_2 + \dots + m_N\mathbf{r}_N) = \frac{d}{dt}(m\mathbf{r}_{\text{cm}}) \quad (3.15)$$

**Centre de masse :** 
$$\mathbf{r}_{\text{cm}} = \frac{m_1\mathbf{r}_1 + m_2\mathbf{r}_2 + \dots + m_N\mathbf{r}_N}{m} \quad (3.16)$$

où  $m = m_1 + m_2 + \dots + m_N = \text{cste}$  est la masse totale de l'objet.

- Le centre de masse est la moyenne des positions pondérées par les masses.

**Remarque :**

### 3.5.0 Préambule

---

Dans la deuxième loi de Newton :  $\mathbf{F} = m\mathbf{a}$ , l'accélération  $\mathbf{a}$  est celle de l'objet. On considère un objet formé de  $N$  parties dont les vecteurs positions sont  $\mathbf{r}_i$  où  $i = 1, \dots, N$ .

**Remarque :** La quantité de mouvement totale s'écrit :

$$\mathbf{P} = m_1\mathbf{v}_1 + m_2\mathbf{v}_2 + \dots + m_N\mathbf{v}_N = \frac{d}{dt}(m_1\mathbf{r}_1 + m_2\mathbf{r}_2 + \dots + m_N\mathbf{r}_N) = \frac{d}{dt}(m\mathbf{r}_{\text{cm}}) \quad (3.15)$$

**Centre de masse :** 
$$\mathbf{r}_{\text{cm}} = \frac{m_1\mathbf{r}_1 + m_2\mathbf{r}_2 + \dots + m_N\mathbf{r}_N}{m} \quad (3.16)$$

où  $m = m_1 + m_2 + \dots + m_N = \text{cste}$  est la masse totale de l'objet.

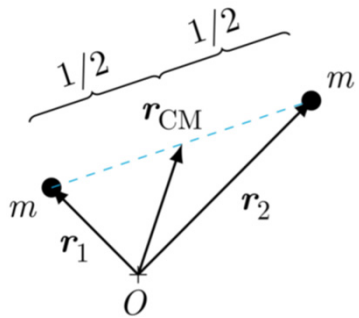
- Le centre de masse est la moyenne des positions pondérées par les masses.

**Remarque :** Le centre de masse est aussi appelé centre de gravité. Il coïncide avec le barycentre (géométrique) si toutes les parties ont une masse identique.

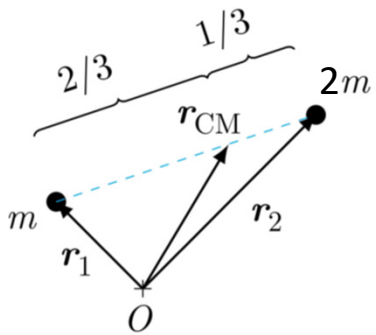
### 3.5.1 Haltère symétrique et 3.5.2 haltère asymétrique

---

#### Haltère symétrique



#### Haltère asymétrique

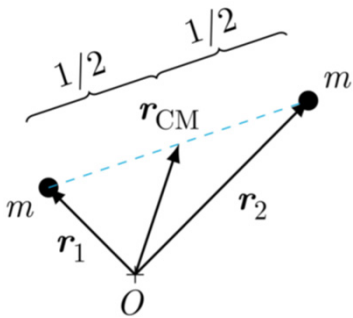


### 3.5.1 Haltère symétrique et 3.5.2 haltère asymétrique

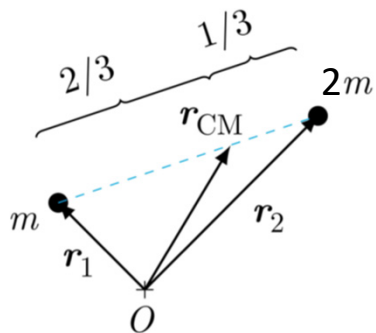
---

#### Haltère symétrique

Le centre de masse (CM) d'un haltère symétrique est à équidistance (milieu) des deux masses.



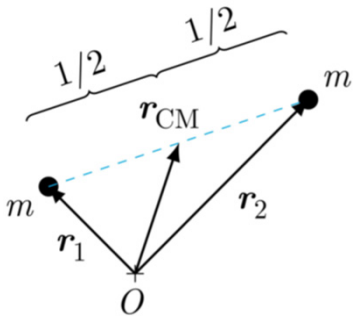
#### Haltère asymétrique



### 3.5.1 Haltère symétrique et 3.5.2 haltère asymétrique

#### Haltère symétrique

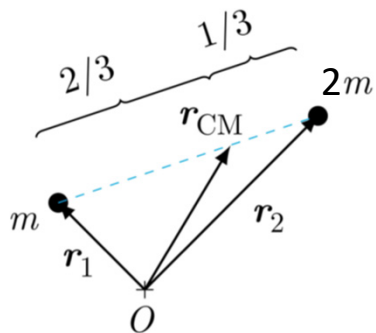
Le centre de masse (CM) d'un haltère symétrique est à équidistance (milieu) des deux masses.



- Centre de masse

$$\mathbf{r}_{CM} = \frac{m\mathbf{r}_1 + m\mathbf{r}_2}{2m} = \frac{\mathbf{r}_1 + \mathbf{r}_2}{2} \quad (3.17)$$

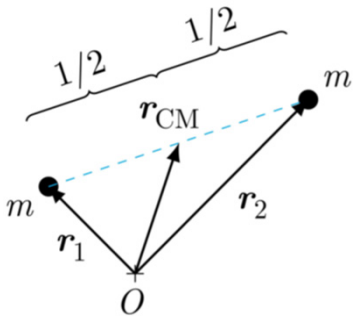
#### Haltère asymétrique



### 3.5.1 Haltère symétrique et 3.5.2 haltère asymétrique

#### Haltère symétrique

Le centre de masse (CM) d'un haltère symétrique est à équidistance (milieu) des deux masses.

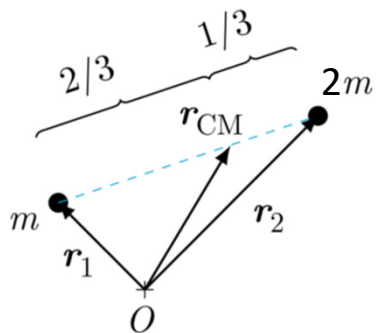


- Centre de masse

$$\mathbf{r}_{CM} = \frac{m\mathbf{r}_1 + m\mathbf{r}_2}{2m} = \frac{\mathbf{r}_1 + \mathbf{r}_2}{2} \quad (3.17)$$

#### Haltère asymétrique

Le centre de masse (CM) n'est pas au milieu des deux masses.



$$\mathbf{r}_{CM} = \frac{m\mathbf{r}_1 + 2m\mathbf{r}_2}{3m} = \frac{1}{3}\mathbf{r}_1 + \frac{2}{3}\mathbf{r}_2 \quad (3.18)$$



### ***3.5.1 Haltère symétrique et 3.5.2 haltère asymétrique***

---

### 3.5.1 Haltère symétrique et 3.5.2 haltère asymétrique

---

- La quantité de mouvement  $\mathbf{P}$  d'un objet est aussi celle d'une masse égale à la masse totale située au centre de masse.

$$\mathbf{P} = \frac{d}{dt}(m\mathbf{r}_{\text{CM}}) = m\dot{\mathbf{r}}_{\text{CM}} = m\mathbf{v}_{\text{CM}} \text{ où } m = \text{cste} \quad (3.19)$$

### 3.5.1 Haltère symétrique et 3.5.2 haltère asymétrique

---

- La quantité de mouvement  $\mathbf{P}$  d'un objet est aussi celle d'une masse égale à la masse totale située au centre de masse.

$$\mathbf{P} = \frac{d}{dt}(m\mathbf{r}_{\text{CM}}) = m\dot{\mathbf{r}}_{\text{CM}} = m\mathbf{v}_{\text{CM}} \text{ où } m = \text{cste} \quad (3.19)$$

- La deuxième loi de Newton s'écrit alors :

$$\mathbf{F} = \dot{\mathbf{P}} = \frac{d}{dt}(m\mathbf{v}_{\text{CM}}) = m\dot{\mathbf{v}}_{\text{CM}} = m\mathbf{a}_{\text{CM}} \text{ où } m = \text{cste} \quad (3.20)$$

### 3.5.1 Haltère symétrique et 3.5.2 haltère asymétrique

---

- La quantité de mouvement  $\mathbf{P}$  d'un objet est aussi celle d'une masse égale à la masse totale située au centre de masse.

$$\mathbf{P} = \frac{d}{dt}(m\mathbf{r}_{\text{CM}}) = m\dot{\mathbf{r}}_{\text{CM}} = m\mathbf{v}_{\text{CM}} \text{ où } m = \text{cste} \quad (3.19)$$

- La deuxième loi de Newton s'écrit alors :

$$\mathbf{F} = \dot{\mathbf{P}} = \frac{d}{dt}(m\mathbf{v}_{\text{CM}}) = m\dot{\mathbf{v}}_{\text{CM}} = m\mathbf{a}_{\text{CM}} \text{ où } m = \text{cste} \quad (3.20)$$

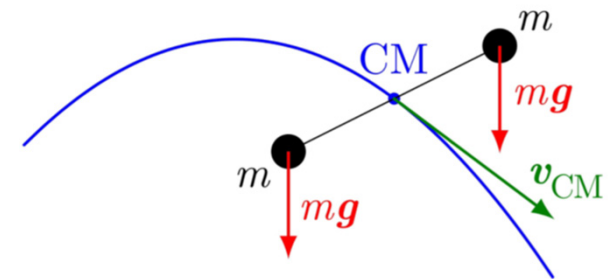
Elle donne, sous l'action de la force résultante  $\mathbf{F}$ , le mouvement du centre de masse de l'objet.

### 3.5.3 Haltère lancé

---

#### Haltère lancé

Remarque :

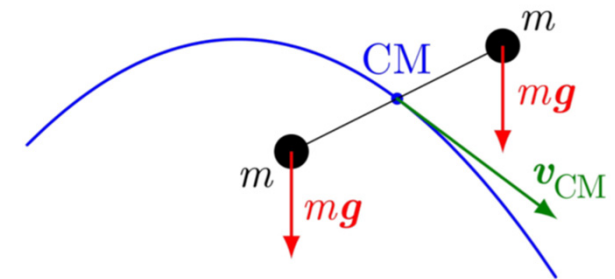


### 3.5.3 Haltère lancé

---

#### Haltère lancé

Lorsqu'on lance un haltère symétrique, les deux masses peuvent avoir un mouvement de rotation propre autour du centre de masse, mais le centre de masse a une trajectoire balistique.



Remarque :

### 3.5.3 Haltère lancé

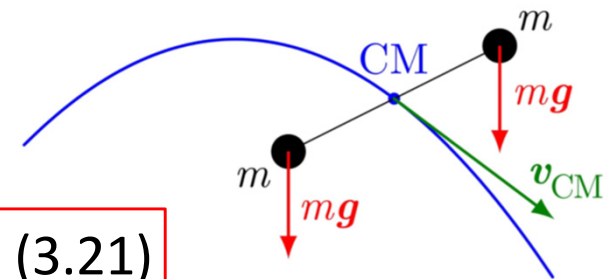
#### Haltère lancé

Lorsqu'on lance un haltère symétrique, les deux masses peuvent avoir un mouvement de rotation propre autour du centre de masse, mais le centre de masse a une trajectoire balistique.

- Objet : haltère (masse  $2m$ )
- Force : poids  $2mg$
- Loi du mouvement :

$$2mg = 2ma_{\text{CM}} \Rightarrow a_{\text{CM}}(t) = g \quad \forall t \quad (3.21)$$

Remarque :



### 3.5.3 Haltère lancé

#### Haltère lancé

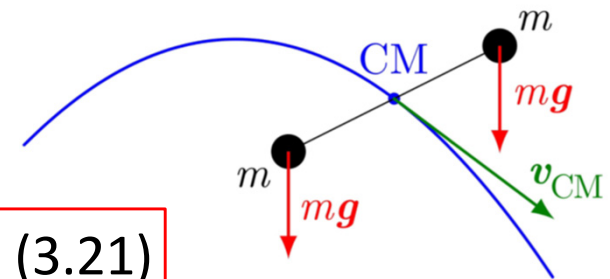
Lorsqu'on lance un haltère symétrique, les deux masses peuvent avoir un mouvement de rotation propre autour du centre de masse, mais le centre de masse a une trajectoire balistique.

- Objet : haltère (masse  $2m$ )
- Force : poids  $2mg$
- Loi du mouvement :

$$2mg = 2ma_{\text{CM}} \Rightarrow a_{\text{CM}}(t) = g \quad \forall t \quad (3.21)$$

#### Remarque :

- Le mouvement du centre de masse est le mouvement global de l'objet (comme vu de loin).
- La deuxième loi de Newton ne dit rien sur les mouvements internes à l'objet (rotation, vibrations, déformation, ...).



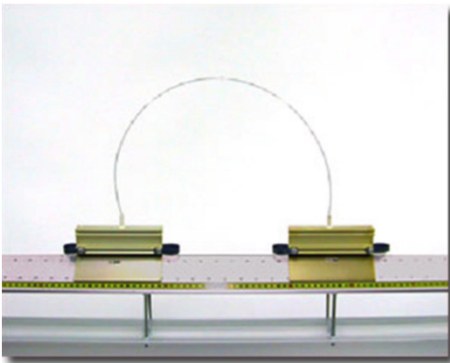


### 3.5.4 Expériences

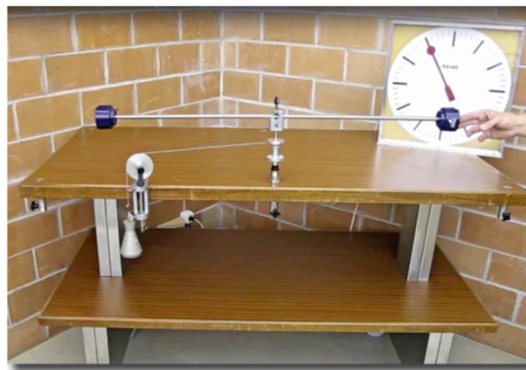
---

Expériences :

1



2

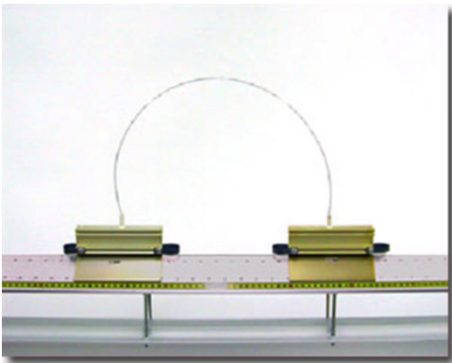


### 3.5.4 Expériences

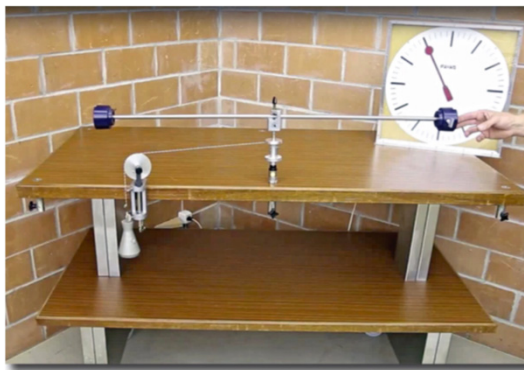
---

Expériences : Centre de masse d'un système

1



2

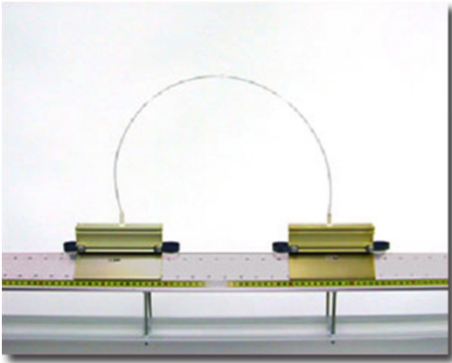


### 3.5.4 Expériences

---

Expériences : Centre de masse d'un système

1



2



1. Le centre de masse d'un système constitué de deux glisseurs reliés par un ressort sur un rail à coussin d'air a un mouvement rectiligne uniforme (MRU).
2. Le centre de masse d'un haltère symétrique en rotation est au repos.