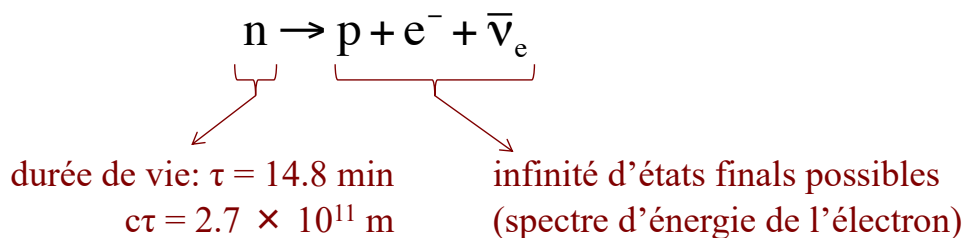
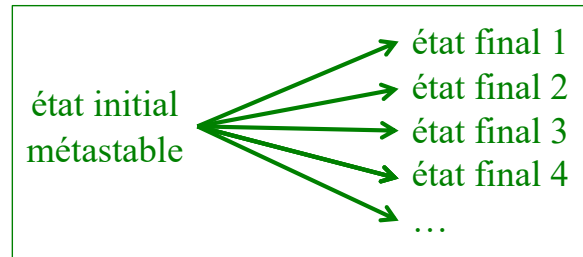


# Chapitre 6:

## Etats métastables et résonances

- Métastable: se dit d'un système qui n'est pas stable en théorie, mais qui paraît tel en raison d'une vitesse de transformation très faible (Larousse)

- Exemple: désintégration d'une particule



OS, 30 avril 2025

138

## Etats stationnaires non perturbés

- **Hamiltonien  $H = H_0 + H_{\text{int}}$** 
  - $H_0$  est l'hamiltonien non perturbé
  - $H_{\text{int}}$  est petite perturbation (" $H_{\text{int}} \ll H_0$ ") responsable de l'instabilité
- Si  $H_{\text{int}} = 0$ :
  - équation de Schrödinger:  $i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = H_0 \psi$  où  $\psi(\vec{x}, t)$  = fonction d'onde
  - solutions stationnaires:

$$\psi_n(\vec{x}, t) = u_n(\vec{x}) \exp\left(-\frac{iE_n t}{\hbar}\right) \quad n = \text{indice discret}$$

$$H_0 u_n(\vec{x}) = E_n u_n(\vec{x}) \quad \text{équ. aux valeurs propres}$$

$$\int u_n^*(\vec{x}) u_m(\vec{x}) d^3\vec{x} = \delta_{nm} \quad \text{orthonormalisation}$$

$$\begin{aligned} \{u_n(\vec{x})\} &= \text{base des fonctions d'onde stationnaires} \\ \{|u_n\rangle\} &= \text{base des états stationnaires} \end{aligned}$$

OS, 30 avril 2025

139

# Perturbation

- Soit  $|\alpha\rangle$  un état stationnaire du système non perturbé à  $t=0$   $|\alpha\rangle \in \{|u_n\rangle\}$
- Si  $H_{\text{int}} = 0$   $\langle\alpha|H|\alpha\rangle = \langle\alpha|H_0|\alpha\rangle = E_\alpha$   
 $\langle u_n|H|\alpha\rangle = \langle u_n|H_0|\alpha\rangle = 0$  si  $|u_n\rangle \neq |\alpha\rangle$
- Si  $H_{\text{int}} \neq 0$   $\langle u_n|H|\alpha\rangle = \langle u_n|H_{\text{int}}|\alpha\rangle$  pas forcément nul
  - transition possible après un certain temps  $T$  de l'état  $|\alpha\rangle$  vers un autre état  $|u_n\rangle$  à condition que  $E_n \sim E_\alpha$  (“conservation de l'énergie”)
  - probabilité de transition négligeable si  $|E_n - E_\alpha| > \hbar/T$  (“principe d'incertitude”)
  - souvent les états accessibles forment un continuum d'états finals

OS, 30 avril 2025

140

## Règle d'or de Fermi

- Taux de transition  
(= probabilité de transition par unité de temps)  
d'un état initial  $|\alpha\rangle$  d'énergie  $E_\alpha$   
vers un continuum d'états finals  $|\beta\rangle$  d'énergies  $E \simeq E_\alpha$

$$\omega_{\alpha \rightarrow \beta} = \frac{2\pi}{\hbar} |\langle\beta|H_{\text{int}}|\alpha\rangle|^2 \rho(E)$$

- $\langle\beta|H_{\text{int}}|\alpha\rangle =$  élément de matrice moyen entre l'état  $|\alpha\rangle$  et un état  $|\beta\rangle$  de l'hamiltonien d'interaction (perturbation)
- $\rho(E) = dN/dE =$  densité d'états finals accessibles (ou facteur d'espace de phase)

OS, 30 avril 2025

141

# Etats métastables

- Probabilité de désintégration d'un état  $|\alpha\rangle$  par unité de temps

$$\omega_\alpha = \frac{2\pi}{\hbar} |\langle H_{\text{int}} \rangle|^2 \rho(E) = \text{constante, si } H_{\text{int}} \text{ constante}$$

- $\eta_0$  = nombre de systèmes dans l'état  $|\alpha\rangle$  à l'instant  $t=0$
- $\eta(t)$  = nombre de systèmes dans l'état  $|\alpha\rangle$  à l'instant  $t>0$
- $\eta(t) \omega_\alpha dt$  = nombre de désintégrations entre  $t$  et  $t+dt$

$$d\eta = -\eta(t) \omega_\alpha dt \Rightarrow \frac{d\eta}{dt} = -\eta(t) \omega_\alpha \Rightarrow \eta(t) = \eta_0 \exp(-\omega_\alpha t)$$

- On définit la durée de vie moyenne  $\tau_\alpha$  de l'état  $|\alpha\rangle$

$$\tau_\alpha = \frac{1}{\omega_\alpha}$$

$$\eta(t) = \eta_0 \exp(-t / \tau_\alpha)$$

Loi de décroissance exponentielle des états métastables

## Etats métastables (suite)

- Cas  $H_{\text{int}} = 0$ :  $\omega_\alpha = 0$ ,  $\eta(t) = \eta_0 = \text{constante}$ 
  - Fonction d'onde stationnaire de l'état  $|\alpha\rangle$   $\psi_\alpha(\vec{x}, t) = u_\alpha(\vec{x}) \exp\left(-\frac{iE_\alpha t}{\hbar}\right)$
  - Probabilité de présence de l'état  $|\alpha\rangle$  au temps  $t$

$$\int |\psi_\alpha(\vec{x}, t)|^2 d^3\vec{x} = \int |u_\alpha(\vec{x})|^2 d^3\vec{x} = 1 = \text{constante}$$

- Cas  $H_{\text{int}} \neq 0$ :  $\omega_\alpha = 1/\tau_\alpha \neq 0$ ,  $\eta(t) = \eta_0 \exp(-t/\tau_\alpha)$ 
  - Probabilité de présence de l'état  $|\alpha\rangle$  au temps  $t$ :  $\exp(-t/\tau_\alpha) \neq \text{constante}$

– On écrit  $\psi_\alpha(\vec{x}, t) = u_\alpha(\vec{x}) \exp\left(-\frac{iE_\alpha t}{\hbar}\right) \exp\left(-\frac{t}{2\tau_\alpha}\right)$

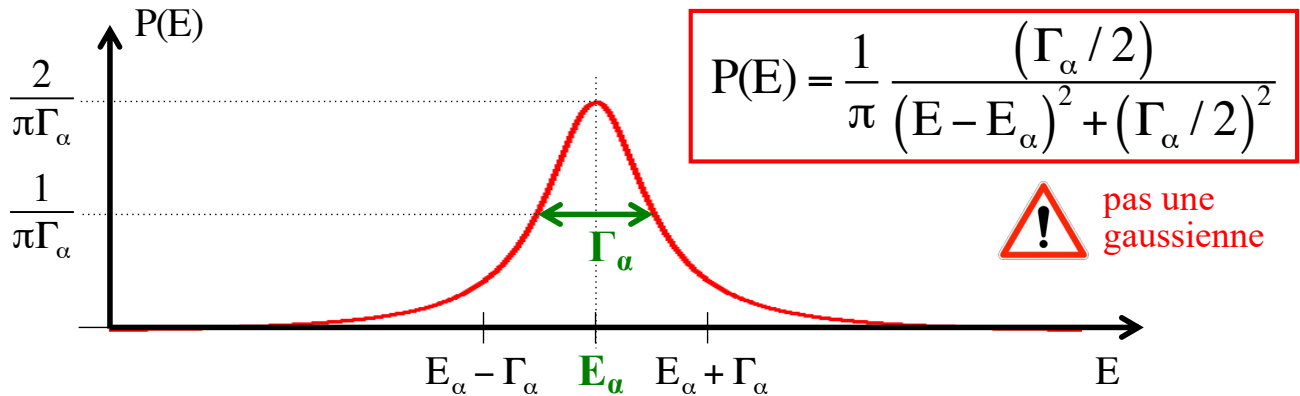
de sorte que  $\int |\psi_\alpha(\vec{x}, t)|^2 d^3\vec{x} = \int |u_\alpha(\vec{x})|^2 \exp\left(-\frac{t}{\tau_\alpha}\right) d^3\vec{x} = \exp\left(-\frac{t}{\tau_\alpha}\right)$

– On définit  $\Gamma_\alpha = \frac{\hbar}{\tau_\alpha} = \hbar\omega_\alpha$

$$\psi_\alpha(\vec{x}, t) = u_\alpha(\vec{x}) \exp\left(-\frac{i}{\hbar} \left( E_\alpha - i \frac{\Gamma_\alpha}{2} \right) t\right)$$

énergie complexe

# Résonance de Breit-Wigner



$P(E)dE$  = prob. pour que le système métastable  
 “d’énergie  $E_\alpha - i\Gamma_\alpha/2$ ” ait effectivement  
 une énergie comprise entre  $E$  et  $E+dE$

$E_\alpha$  = valeur la plus probable de l’énergie  
 $\Gamma_\alpha$  = largeur (à mi-hauteur)  
 $\tau_\alpha = \hbar/\Gamma_\alpha$  = durée de vie moyenne

} de l’état métastable (résonance)

## Interactions et temps caractéristiques

$$\text{intensité interaction} \propto |\langle \alpha | H_{\text{int}} | \beta \rangle|^2 \propto \omega \propto \Gamma = \frac{\hbar}{\tau}$$

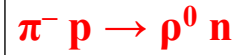
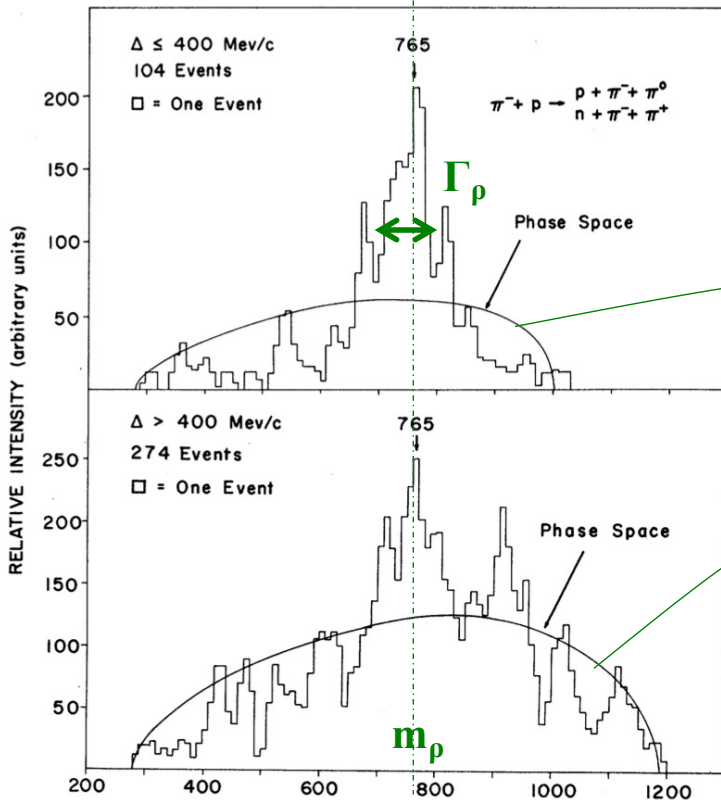
$$\hbar = \frac{\hbar c}{c} \cong \frac{197 \text{ MeV fm}}{3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}} = 6.6 \times 10^{-22} \text{ MeV s}$$

Interaction	$\Gamma$ [MeV]	$\tau$ [s]	Exemple	
faible	$< 10^{-8}$	$> 10^{-13}$	$\pi^+ \rightarrow \mu^+ \nu_\mu$	$\tau = 2.6 \times 10^{-8} \text{ s}$ $\Gamma = 2.5 \times 10^{-8} \text{ eV}$
é.m.	$< 10^{-1}$	$> 10^{-20}$	$\pi^0 \rightarrow \gamma\gamma$	$\tau = 8.4 \times 10^{-17} \text{ s}$ $\Gamma = 7.8 \text{ eV}$
forte	$< 10^3$	$\geq 10^{-24}$	$\rho \rightarrow \pi\pi$	$\tau = 4.4 \times 10^{-24} \text{ s}$ $\Gamma = 151 \text{ MeV}$

# Résonance $\rho$

$$m_\rho c^2 = 770 \text{ MeV}$$

$$\Gamma_\rho = 151 \text{ MeV}$$



Prédiction pour élément de matrice de transition constant:

distribution déterminée par l'espace de phase uniquement

$$m^* = \sqrt{(E_{\pi 1} + E_{\pi 2})^2 - (\vec{p}_{\pi 1} + \vec{p}_{\pi 2})^2} \text{ [MeV]}$$

[Erwin et al, Phys. Rev. Lett. 6 (1961) 628]

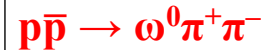
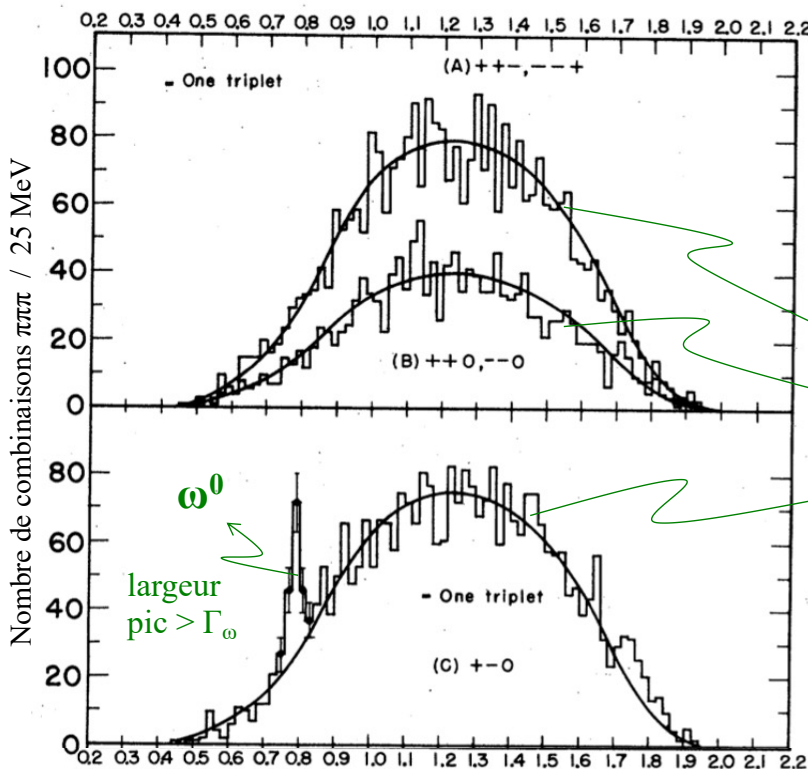
146

OS, 30 avril 2025

# Résonance $\omega^0$

$$m_\omega c^2 = 782 \text{ MeV}$$

$$\Gamma_\omega = 8 \text{ MeV}$$



$Q = \pm 1$  ( $\pi^+ \pi^+ \pi^-$  ou  $\pi^- \pi^- \pi^+$ )

$Q = \pm 2$  ( $\pi^+ \pi^+ \pi^0$  ou  $\pi^- \pi^- \pi^0$ )

$Q = 0$  ( $\pi^+ \pi^- \pi^0$ )

$$m^* = \sqrt{(E_{\pi 1} + E_{\pi 2} + E_{\pi 3})^2 - (\vec{p}_{\pi 1} + \vec{p}_{\pi 2} + \vec{p}_{\pi 3})^2} \text{ [GeV]}$$

[Maglic et al, Phys. Rev. Lett. 7 (1961) 178]

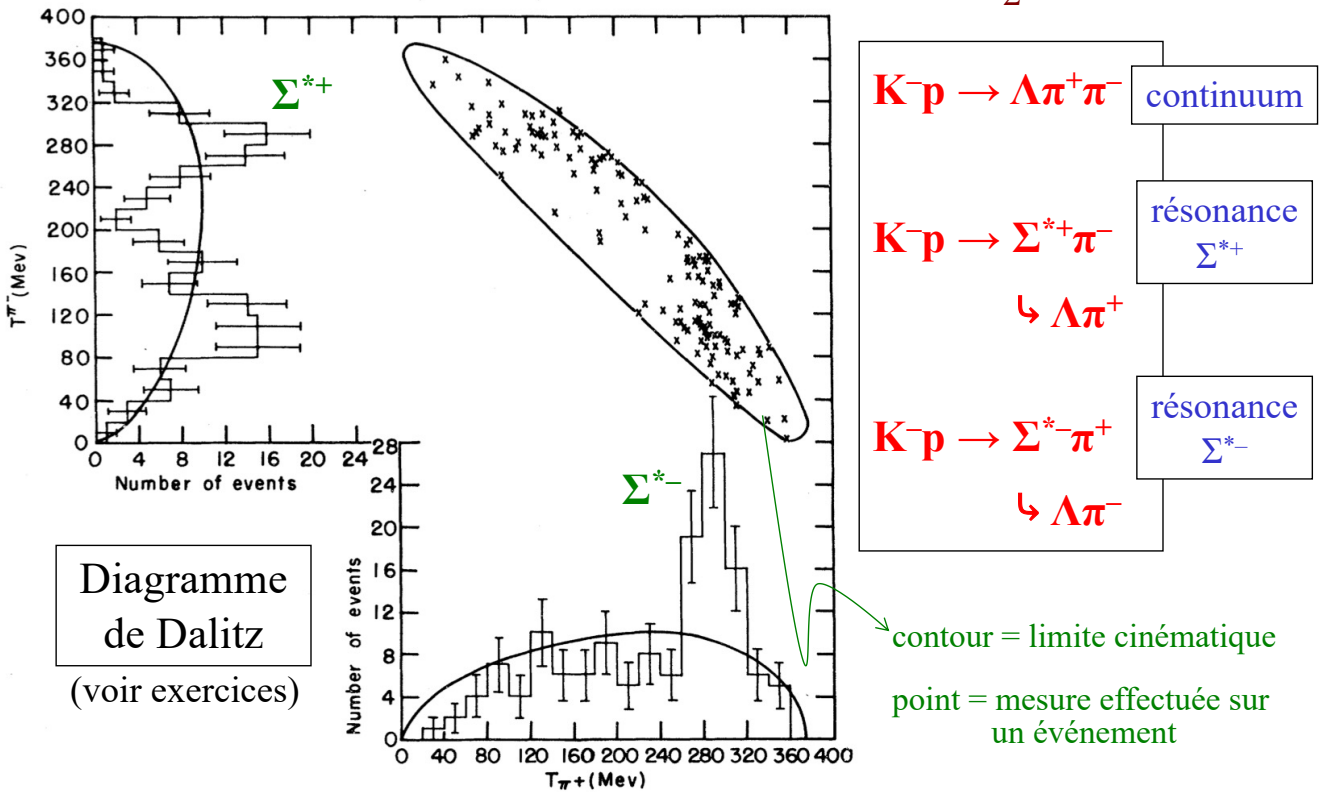
147

OS, 30 avril 2025

# Résonance $\Sigma^{*\pm}$

$$m_{\Sigma^*}c^2 = 1383 \text{ MeV}$$

$$\Gamma_{\Sigma^*} = 36 \text{ MeV}$$

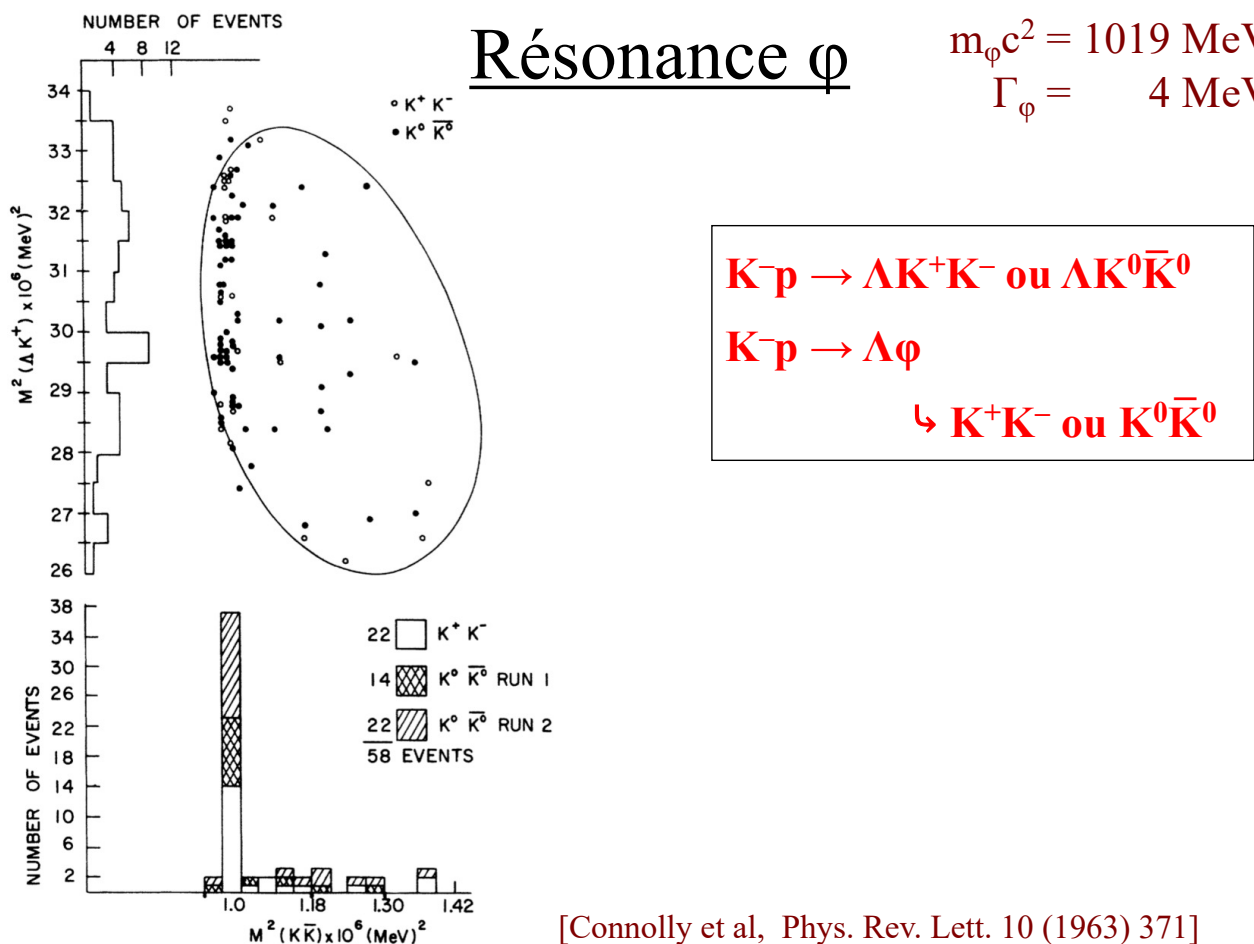


[Alston et al, Phys. Rev. Lett. 5 (1960) 520]

# Résonance $\phi$

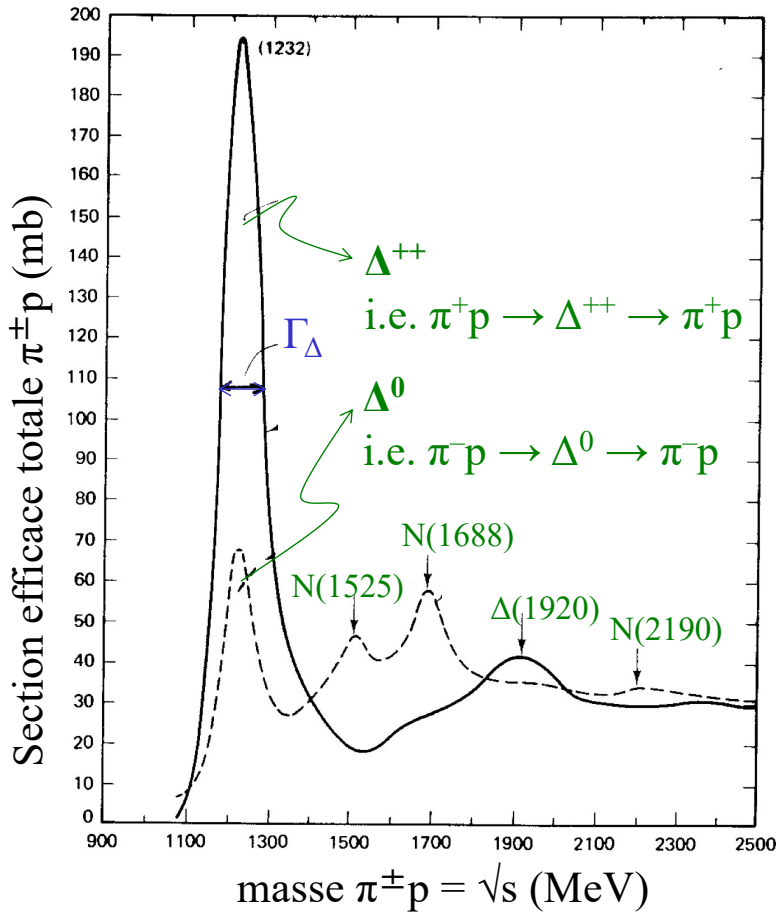
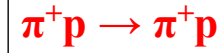
$$m_{\phi}c^2 = 1019 \text{ MeV}$$

$$\Gamma_{\phi} = 4 \text{ MeV}$$



[Connolly et al, Phys. Rev. Lett. 10 (1963) 371]

# Diffusion pion-nucléon



Plusieurs résonances observées,  
certaines dans les deux canaux ( $\Delta$ ),  
d'autres pas (N)

OS, 30 avril 2025

150

## Quelques résonances (mésons) ...

$\pi^\pm$	$1^-(0^-)$	$f_1(1510)$	$0^+(1^{++})$	$\pi_2(2005)$	$1^-(2^{--})$	$K^\pm$	$1/2(0^-)$	$D^\pm$	$1/2(0^-)$
$\pi^0$	$1^-(0^+)$	$f_2(1525)$	$0^+(2^{++})$	$f_2(2010)$	$0^+(2^{++})$	$K^0$	$1/2(0^-)$	$D^0$	$1/2(0^-)$
$\eta$	$0^+(0^-)$	$f_2(1565)$	$0^+(2^{++})$	$f_2(2020)$	$0^+(0^{++})$	$K_S^0$	$1/2(0^-)$	$D^*(2007)^0$	$1/2(1^-)$
$f_0(500)$	$0^+(0^{++})$	$\rho(1570)$	$1^+(1^{--})$	$f_4(2050)$	$0^+(4^{++})$	$K_L^0$	$1/2(0^-)$	$D^*(2010)^\pm$	$1/2(1^-)$
aka $\sigma$ ; was $f_0(600)$		$h_1(1595)$	$0^-(1^{+-})$	$\pi_2(2100)$	$1^-(2^{--})$	$K_0^*(700)$	$1/2(0^+)$	$D_0^*(2300)^0$	$1/2(0^+)$
$\rho(770)$	$1^+(1^{--})$	$\pi_1(1600)$	$1^-(1^{+-})$	$f_0(2100)$	$0^+(0^{++})$	aka $\sigma$ ; was $K_0^*(800)$		$D_0^*(2300)^\pm$	$1/2(0^+)$
$\omega(782)$	$0^-(1^{--})$	$a_1(1640)$	$1^-(1^{++})$	$f_2(2150)$	$0^+(2^{++})$	$K^*(892)$	$1/2(1^-)$	was $D_0^*(2400)^0$	
$\eta(958)$	$0^+(0^+)$	$f_2(1640)$	$0^+(2^{++})$	$\rho(2150)$	$1^+(1^{--})$	$K_1(1270)$	$1/2(1^+)$	$D_0^*(2300)^\pm$	$1/2(0^+)$
$f_0(980)$	$0^+(0^{++})$	$\eta_2(1645)$	$0^+(2^{++})$	$\phi(2170)$	$0^-(1^{--})$	$K_1(1400)$	$1/2(1^+)$	was $D_0^*(2400)^\pm$	
$a_0(980)$	$1^-(0^{++})$	$\omega(1650)$	$0^-(1^{--})$	$f_0(2200)$	$0^+(0^{++})$	$K^*(1410)$	$1/2(1^-)$	$D_1(2420)^0$	$1/2(1^+)$
$\phi(1020)$	$0^-(1^{--})$	$\omega_3(1670)$	$0^-(3^{--})$	$f_2(2220)$	$0^+(2^{++})$	$K_0^*(1430)$	$1/2(0^+)$	$D_1(2420)^\pm$	$1/2(1^+)$
$h_1(1170)$	$0^-(1^{+-})$	$\pi_2(1670)$	$1^-(2^{--})$		or $4^{++}$	$K_2^*(1430)$	$1/2(2^+)$	$D_1(2430)^0$	$1/2(1^+)$
$b_1(1235)$	$1^+(1^{+-})$	$\phi(1680)$	$0^-(1^{--})$	$\eta(2225)$	$0^+(0^+)$	$K(1460)$	$1/2(0^-)$	$D_2^*(2460)^0$	$1/2(2^+)$
$a_1(1260)$	$1^-(1^{++})$	$\rho_3(1690)$	$1^+(3^{--})$	$\rho_3(2250)$	$1^+(3^{--})$	$K_2(1580)$	$1/2(2^-)$	$D_2^*(2460)^\pm$	$1/2(2^+)$
$f_2(1270)$	$0^+(2^{++})$	$\rho(1700)$	$1^+(1^{--})$	$f_2(2300)$	$0^+(2^{++})$	$K(1630)$	$1/2(2^+)$	$D_2^*(2460)^\pm$	$1/2(2^+)$
$f_1(1285)$	$0^+(1^{++})$	$a_2(1700)$	$1^-(2^{++})$	$f_4(2300)$	$0^+(4^{++})$	$K_1(1650)$	$1/2(1^+)$	$D(2550)^0$	$1/2(2^+)$
$\eta(1295)$	$0^+(0^+)$	$f_0(1710)$	$0^+(0^{++})$	$f_0(2330)$	$0^+(0^{++})$	$K^*(1680)$	$1/2(1^-)$	$D_2^*(2600)$	$1/2(2^+)$
$\pi(1300)$	$1^-(0^+)$	$\eta(1760)$	$0^+(0^+)$	$f_2(2340)$	$0^+(2^{++})$	$K_2(1770)$	$1/2(2^-)$	was $D(2600)$	
$a_2(1320)$	$1^-(2^{++})$	$\pi(1800)$	$1^-(0^+)$	$\rho_3(2350)$	$1^+(5^{--})$	$K_2^*(1780)$	$1/2(3^-)$	$D^*(2640)^\pm$	$1/2(2^+)$
$f_0(1370)$	$0^+(0^{++})$	$f_2(1810)$	$0^+(2^{++})$	$f_0(2510)$	$0^+(6^{++})$	$K_2(1820)$	$1/2(2^-)$	$D(2740)^0$	$1/2(2^+)$
$\pi_1(1400)$	$1^-(1^{+-})$	$X(1835)$	$?^?(0^+)$			$K(1830)$	$1/2(0^-)$	$D_2^*(2750)$	$1/2(2^+)$
$\eta(1405)$	$0^+(0^+)$	$\phi_3(1850)$	$0^-(3^{--})$			$K_0^*(1950)$	$1/2(0^+)$	$D_3^*(2750)$	$1/2(3^-)$
$h_1(1415)$	$0^-(1^{+-})$	$\eta_2(1870)$	$0^+(2^{++})$			$K_2^*(1980)$	$1/2(2^+)$	$D(3000)^0$	$1/2(2^+)$
was $h_1(1380)$		$\pi_2(1880)$	$1^-(2^{--})$			$K_2^*(2045)$	$1/2(4^+)$		
$a_1(1420)$	$1^-(1^{++})$	$\rho(1900)$	$1^+(1^{--})$			$K_2(2250)$	$1/2(2^-)$	$D_s^\pm$	$0(0^-)$
$f_1(1420)$	$0^+(1^{++})$	$f_2(1910)$	$0^+(2^{++})$			$K_3(2320)$	$1/2(3^+)$	$D_s^\pm$	$0(2^+)$
$\omega(1420)$	$0^-(1^{--})$	$a_0(1950)$	$1^-(0^{++})$			$K_3^*(2380)$	$1/2(5^-)$	$D_{s1}^*(2317)^\pm$	$0(0^+)$
$f_2(1430)$	$0^+(2^{++})$	$f_2(1950)$	$0^+(2^{++})$			$K_4(2500)$	$1/2(4^-)$	$D_{s1}(2460)^\pm$	$0(1^+)$
$a_0(1450)$	$1^-(0^{++})$	$a_4(1970)$	$1^-(4^{++})$			$K(3100)$	$?^?(2^?)$	$D_{s1}(2536)^\pm$	$0(1^+)$
$\rho(1450)$	$1^+(1^{--})$	was $a_4(2040)$						$D_{s2}^*(2573)$	$0(2^+)$
$\eta(1475)$	$0^+(0^+)$	$\rho_3(1990)$	$1^+(3^{--})$					$D_{s1}^*(2700)^\pm$	$0(1^-)$
$f_0(1500)$	$0^+(0^{++})$							$D_{s1}^*(2860)^\pm$	$0(1^-)$
								$D_{s3}^*(2860)^\pm$	$0(3^-)$
								$D_{s1}^*(3040)^\pm$	$0(2^+)$

• Indicates established particles.

OS, 30 avril 2025

151

# Quelques résonances (baryons) ...

$p$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Delta(1232)$	3/2 <sup>+</sup>	****	$\Lambda$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Sigma^+$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Sigma(2620)$	**
$n$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Delta(1600)$	3/2 <sup>+</sup>	****	$\Lambda(1405)$	1/2 <sup>-</sup>	****	$\Sigma^0$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Sigma(3000)$	*
$N(1440)$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Delta(1620)$	1/2 <sup>-</sup>	****	$\Lambda(1520)$	3/2 <sup>-</sup>	****	$\Sigma^-$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Sigma(3170)$	*
$N(1520)$	3/2 <sup>-</sup>	****	$\Delta(1700)$	3/2 <sup>-</sup>	****	$\Lambda(1600)$	1/2 <sup>+</sup>	***	$\Sigma(1385)$	3/2 <sup>+</sup>	****		
$N(1535)$	1/2 <sup>-</sup>	****	$\Delta(1750)$	1/2 <sup>+</sup>	*	$\Lambda(1670)$	1/2 <sup>-</sup>	****	$\Sigma(1480)$	*		$\Xi^0$	1/2 <sup>+</sup> ****
$N(1650)$	1/2 <sup>-</sup>	****	$\Delta(1900)$	1/2 <sup>-</sup>	***	$\Lambda(1690)$	3/2 <sup>-</sup>	****	$\Sigma(1560)$	**		$\Xi^-$	1/2 <sup>+</sup> ****
$N(1675)$	5/2 <sup>-</sup>	****	$\Delta(1905)$	5/2 <sup>+</sup>	****	$\Lambda(1710)$	1/2 <sup>+</sup>	*	$\Sigma(1580)$	3/2 <sup>-</sup>	*	$\Xi(1530)$	3/2 <sup>+</sup> ****
$N(1680)$	3/2 <sup>+</sup>	****	$\Delta(1910)$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Lambda(1800)$	1/2 <sup>-</sup>	***	$\Sigma(1620)$	1/2 <sup>-</sup>	*	$\Xi(1620)$	*
$N(1700)$	3/2 <sup>-</sup>	***	$\Delta(1920)$	3/2 <sup>+</sup>	***	$\Lambda(1810)$	1/2 <sup>+</sup>	***	$\Sigma(1620)$			$\Xi(1660)$	1/2 <sup>+</sup> ***
$N(1710)$	1/2 <sup>+</sup>	****	$\Delta(1930)$	5/2 <sup>-</sup>	***	$\Lambda(1820)$	5/2 <sup>+</sup>	****	$\Sigma(1660)$	1/2 <sup>+</sup>	***	$\Xi(1670)$	***
$N(1720)$	3/2 <sup>+</sup>	****	$\Delta(1940)$	3/2 <sup>-</sup>	**	$\Lambda(1830)$	5/2 <sup>-</sup>	****	$\Sigma(1670)$	3/2 <sup>-</sup>	****	$\Xi(1820)$	3/2 <sup>-</sup> ***
$N(1860)$	5/2 <sup>+</sup>	**	$\Delta(1950)$	7/2 <sup>+</sup>	****	$\Lambda(1890)$	3/2 <sup>+</sup>	****	$\Sigma(1670)$			$\Xi(1950)$	***
$N(1875)$	3/2 <sup>-</sup>	***	$\Delta(2000)$	5/2 <sup>+</sup>	**	$\Lambda(2000)$	*		$\Sigma(1690)$	**		$\Xi(2030)$	$\frac{5}{2}^?$ ***
$N(1880)$	1/2 <sup>+</sup>	***	$\Delta(2150)$	1/2 <sup>-</sup>	*	$\Lambda(2020)$	7/2 <sup>+</sup>	*	$\Sigma(1730)$	3/2 <sup>+</sup>	*	$\Xi(2120)$	*
$N(1895)$	1/2 <sup>-</sup>	****	$\Delta(2200)$	7/2 <sup>-</sup>	***	$\Lambda(2050)$	3/2 <sup>-</sup>	*	$\Sigma(1750)$	1/2 <sup>-</sup>	***	$\Xi(2250)$	**
$N(1900)$	3/2 <sup>+</sup>	****	$\Delta(2300)$	9/2 <sup>+</sup>	**	$\Lambda(2100)$	7/2 <sup>-</sup>	****	$\Sigma(1770)$	1/2 <sup>+</sup>	*	$\Xi(2370)$	**
$N(1990)$	7/2 <sup>+</sup>	**	$\Delta(2350)$	5/2 <sup>-</sup>	*	$\Lambda(2110)$	5/2 <sup>+</sup>	***	$\Sigma(1775)$	5/2 <sup>-</sup>	****	$\Xi(2500)$	*
$N(2000)$	5/2 <sup>+</sup>	**	$\Delta(2390)$	7/2 <sup>+</sup>	*	$\Lambda(2325)$	3/2 <sup>-</sup>	*	$\Sigma(1840)$	3/2 <sup>+</sup>	*		
$N(2040)$	3/2 <sup>+</sup>	*	$\Delta(2400)$	9/2 <sup>-</sup>	**	$\Lambda(2350)$	9/2 <sup>+</sup>	***	$\Sigma(1880)$	1/2 <sup>+</sup>	**		
$N(2060)$	5/2 <sup>-</sup>	***	$\Delta(2420)$	11/2 <sup>+</sup>	****	$\Lambda(2585)$	**		$\Sigma(1900)$	1/2 <sup>-</sup>	*	$\Omega^-$	3/2 <sup>+</sup> ****
$N(2100)$	1/2 <sup>+</sup>	***	$\Delta(2750)$	13/2 <sup>-</sup>	**				$\Sigma(1915)$	5/2 <sup>+</sup>	****	$\Omega(2012)$	?- ***
$N(2120)$	3/2 <sup>-</sup>	***	$\Delta(2950)$	15/2 <sup>+</sup>	**				$\Sigma(1940)$	3/2 <sup>+</sup>	*	$\Omega(2250)$	***
$N(2190)$	1/2 <sup>-</sup>	****							$\Sigma(1940)$	3/2 <sup>-</sup>	***	$\Omega(2380)$	**
$N(2220)$	9/2 <sup>+</sup>	****							$\Sigma(2000)$	1/2 <sup>-</sup>	*	$\Omega(2470)$	**
$N(2250)$	9/2 <sup>-</sup>	****							$\Sigma(2030)$	7/2 <sup>+</sup>	****		
$N(2300)$	1/2 <sup>+</sup>	**							$\Sigma(2070)$	5/2 <sup>+</sup>	*		
$N(2570)$	5/2 <sup>-</sup>	**							$\Sigma(2080)$	3/2 <sup>+</sup>	**		
$N(2600)$	11/2 <sup>-</sup>	***							$\Sigma(2100)$	7/2 <sup>-</sup>	*		
$N(2700)$	13/2 <sup>+</sup>	**							$\Sigma(2250)$	***			
									$\Sigma(2455)$	**			

\*\*\*\* Existence is certain, and properties are at least fairly explored.

\*\*\* Existence ranges from very likely to certain, but further confirmation is desirable and/or quantum numbers, branching fractions, etc. are not well determined.

\*\* Evidence of existence is only fair.

\* Evidence of existence is poor.

etc ...

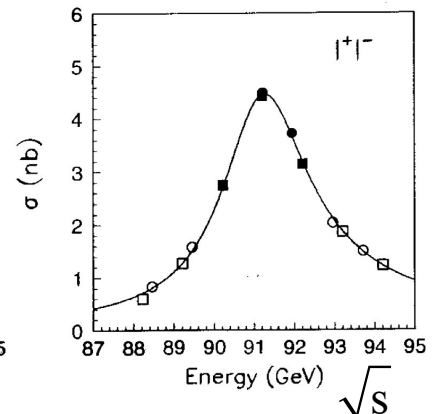
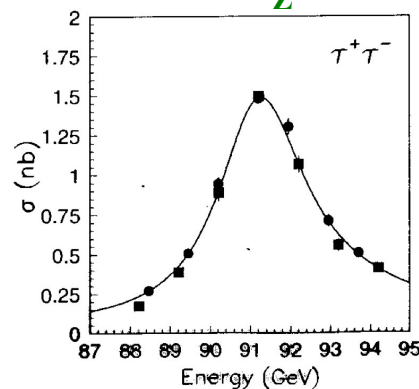
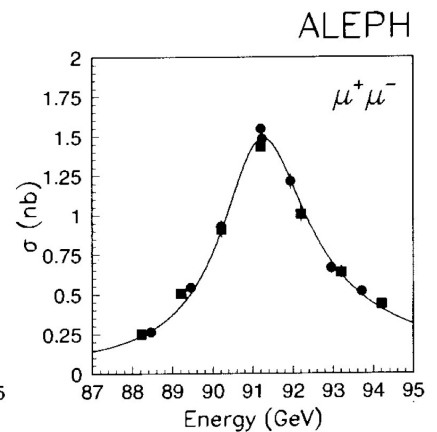
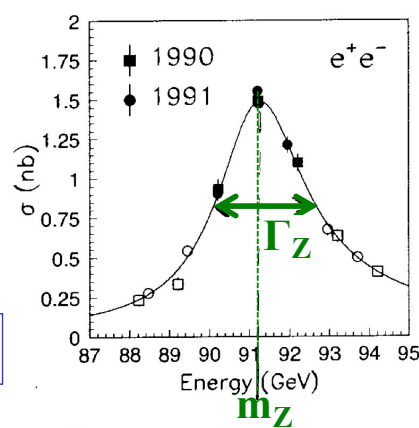
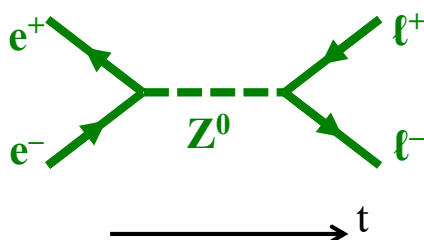
OS, 30 avril 2025

152

## Résonance $Z^0$

Production de bosons  $Z^0$  au LEP (Large Electron Positron collider)

$$e^+e^- \rightarrow \ell^+\ell^-, \ell = e, \mu, \tau$$



OS, 30 avril 2025

153

# Chapitre 7: Nombres quantiques et lois de conservation

- Lois de conservation
- Moment cinétique, spin, parité
- Isospin
- Charges baryonique et leptoniques
- Charge d'étrangeté
- Classification des hadrons

OS, 30 avril 2025

154

## Lois de conservation

	Transformations ou symétries	Quantités conservées (si invariance respectée)	Interactions		
			forte	é.m	faible
Symétries continues Quantités additives	Translations espace-temps	Energie-impulsion	oui	oui	oui
	Rotations espace-temps	Moment cinétique	oui	oui	oui
	Rotations espace isospin	Isospin	oui	non	non
	Transformations de jauge	Charge électrique	oui	oui	oui
		Charge baryonique	oui	oui	oui
		Charges leptoniques	oui	oui	<del>oui</del>
		Charges d'étrangeté, ...	oui	oui	non
Symétries discrètes Quantités multiplicatives	P = inversion d'espace	Parité $P = \pm 1$	oui	oui	non
	C = conjugaison de charge	$C = \pm 1$	oui	oui	non
	CP	$CP = \pm 1$	oui	oui	presque
	T = renversement du temps	—	oui	oui	presque
	CPT	—	oui	oui	oui

?  
?

OS, 30 avril 2025

155

# Conservation du moment cinétique et de la parité dans un processus $1+2 \rightarrow 3+4$

- **Conservation du moment cinétique total**

$$\vec{J}_1 + \vec{J}_2 + \vec{L}_{12} = \vec{J}_3 + \vec{J}_4 + \vec{L}_{34}$$

**Attention:**

composition vectorielle des moments cinétiques

- $J_i$  = spin de la particule  $i$  (entier ou demi-entier)
- $L_{ij}$  = moment cinétique orbital relatif entre les particules  $i$  et  $j$  (entier)

- **Conservation de la parité, seulement si interaction forte ou é.m., par si interaction faible**

$$P_1 \cdot P_2 \cdot (-1)^{L_{12}} = P_3 \cdot P_4 \cdot (-1)^{L_{34}}$$

**Attention:** les parités sont multiplicatives

- $P_i$  = parité intrinsèque de la particule  $i$  (+1 ou -1)
- $L_{ij}$  = moment cinétique orbital relatif entre les particules  $i$  et  $j$  (entier)

Se généralise pour un processus avec un nombre quelconque de particules dans l'état final ou pour une désintégration

## Spin = moment cinétique intrinsèque

- **Chaque particule a un moment cinétique intrinsèque  $J$  (= spin)**

- contrairement au moment cinétique orbital  $L$  qui prend des valeurs entières (en unités de  $\hbar$ ), le spin  $J$  peut être demi-entier ou entier

- **Fermions  $\Leftrightarrow J$  demi-entier**

- leptons et quarks:  $J = 1/2$
- baryons:  $J = 1/2, 3/2, 5/2, \dots$  [par exemple  $J_p = J_n = 1/2$ ]

- **Bosons  $\Leftrightarrow J$  entier**

- boson de Higgs  $H$ :  $J = 0$
- bosons d'échange ( $\gamma$ ,  $Z^0$ ,  $W^\pm$ , gluons):  $J = 1$
- mésons:  $J = 0, 1, 2, 3, \dots$  [par exemple  $J_\pi = 0$ ]

En mécanique quantique, deux particules identiques sont indistinguables. L'état quantique d'un système de deux particules identiques doit être soit antisymétrique (cas des fermions) soit symétrique (cas des bosons) sous l'échange des deux particules.

# Parité intrinsèque

- Chaque hadron possède une **parité intrinsèque  $P$  ( $= \pm 1$ )** qui décrit la manière dont son état quantique propre (au repos) se transforme sous une inversion d'espace
  - Exemples:
    - proton, neutron:  $P_p = P_n = +1$
    - pion:  $P_\pi = -1$
- Spin et parité intrinsèques sont souvent donnés ensemble et notés  $J^P$

Nomenclature pour les mésons

$J^P = 0^-$	pseudo-scalaire
$J^P = 0^+$	scalaire
$J^P = 1^-$	vecteur
$J^P = 1^+$	pseudo-vecteur

– Exemples:

- proton, neutron:  $J^P = 1/2^+$
- pion:  $J^P = 0^-$

## Parité orbitale en mécanique quantique

- Inversion d'espace: opérateur  $\mathbf{P}$

$\psi(\vec{r}) \rightarrow \psi(-\vec{r})$	fonction d'onde
$ \psi\rangle \rightarrow \mathbf{P} \psi\rangle$	"ket"
$\mathbf{P}^2 \psi\rangle =  \psi\rangle$	$\Rightarrow$ valeurs propres $= \pm 1$

- Conservation de la parité  $\Leftrightarrow [\mathbf{P}, \mathbf{H}] = 0$  ( $\mathbf{H}$  = Hamiltonien)
- Cas d'une particule (relative) dans un potentiel central:
  - conservation du moment cinétique  $\Leftrightarrow [\mathbf{L}_x, \mathbf{H}] = [\mathbf{L}_y, \mathbf{H}] = [\mathbf{L}_z, \mathbf{H}] = 0$
  - Les états propres simultanés de  $\mathbf{H}$ ,  $\mathbf{L}^2$  et  $\mathbf{L}_z$ , de moment cinétique  $\ell$ 

$$\psi_{n\ell m}(\vec{r}) = R_{n\ell}(r)Y_\ell^m(\theta, \varphi) \quad \text{où } (r, \theta, \varphi) = \text{coordonnées sphériques}$$

sont aussi états propres de  $\mathbf{P}$ , pour la valeur propre  $(-1)^\ell$ :

$$\begin{aligned} \mathbf{P} \psi_{n\ell m}(\vec{r}) &= \psi_{n\ell m}(-\vec{r}) = R_{n\ell}(r)Y_\ell^m(\pi - \theta, \varphi + \pi) \\ &= R_{n\ell}(r) (-1)^\ell Y_\ell^m(\theta, \varphi) = (-1)^\ell \psi_{n\ell m}(\vec{r}) \end{aligned}$$

$P = (-1)^\ell$
-----------------