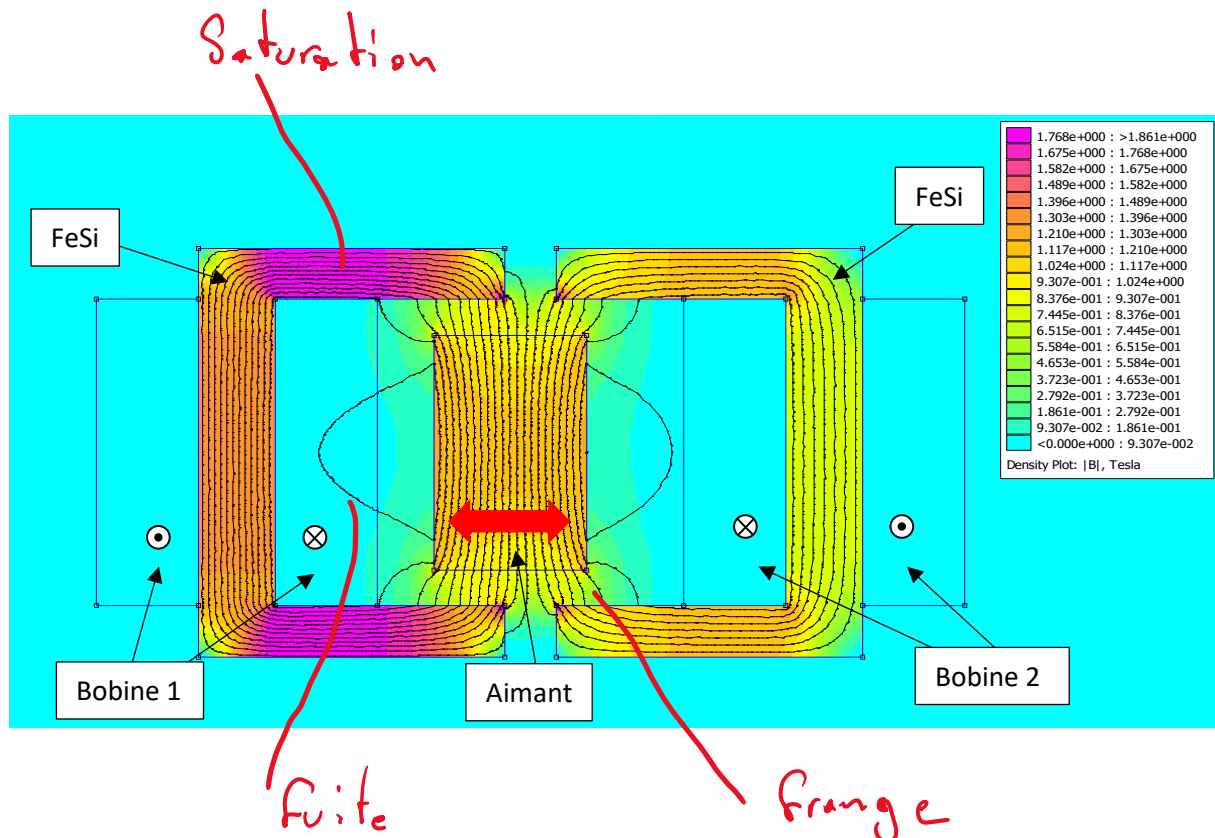


Examen actionneurs et systèmes électromagnétiques 2023

Corrigé

1. Éléments finis (répondre sur la donnée)



La figure ci-dessus représente la simulation par éléments finis d'un actionneur. La partie mobile se déplace horizontalement (flèche rouge).

- De quel type d'actionneur s'agit-il ?....**électromagnétique**.....
Qu'est-ce qui vous permet de l'affirmer ?
Son aimant est mobile, son bobinage est fixe (et il n'y a pas de variation de perméance de la bobine en fonction de la position)
- Quels phénomènes physiques doit-on considérer avant de pouvoir établir son schéma magnétique équivalent ? Indiquer les effets de ces 3 phénomènes directement sur la figure au moyen d'une flèche et d'une légende (un exemple par phénomène).
- Quel matériau est utilisé pour l'aimant (justifier)? **Il s'agit d'un NdFeB car l'induction dans l'aimant est supérieure à 1.2T**

2. Actionneur électrodynamique

$$u_i = \frac{d\Psi_{ab}}{dt} = \frac{d\Psi_{ab}}{dx} v$$

$$u_i = N \frac{d\Lambda_{ab}}{dx} \Theta_a v$$

$$F = \frac{d\Lambda_{ab}}{dx} \Theta_a N i$$

$$F = \frac{u_i}{v} i$$

Application numérique : $F = 12/1 \cdot 2 = 24$ [N]

3. Inductance propre, calcul de force

a) L'impédance est obtenue en divisant U par I_1

$$Z(x) = \frac{\sqrt{1 + \frac{6.2 \cdot 10^{-7}}{x^2}}}{I_1} = \sqrt{1 + \frac{6.2 \cdot 10^{-7}}{x^2}}$$

b) Pour l'inductance :

$$Z(x) = \sqrt{R^2 + \omega^2 L(x)^2}$$

$$L(x) = \frac{\sqrt{Z(x)^2 - R^2}}{\omega} = \frac{\sqrt{6.2 \cdot 10^{-7}}}{x\omega} = \frac{7.874 \cdot 10^{-4}}{x\omega} = \frac{2.5 \cdot 10^{-6}}{x} [H]$$

c) La force devient :

$$F(x) = \frac{1}{2} \frac{dL(x)}{dx} I_2^2$$

$$F(x) = -\frac{2.5 \cdot 10^{-6}}{2x^2} I_2^2 = -\frac{1.25 \cdot 10^{-4}}{x^2}$$

$$F(x) = -125 [N]$$

4. Démarrage d'un moteur CC

a) La vitesse qu'atteint le moteur après son démarrage est la vitesse à vide

$$\Omega_0 = \frac{U}{k_u \hat{\Phi}}$$

b) On pose les équations dynamiques du moteur :

$$U = Ri + k_u \hat{\Phi} \Omega$$

$$M = k_u \hat{\Phi} i$$

$$\Sigma M = J \frac{d\Omega}{dt}$$

On exprime le couple en fonction de la vitesse uniquement :

$$M = \frac{k_u \hat{\Phi}}{R} (U - k_u \hat{\Phi} \Omega)$$

Comme il n'y a pas de charge, on obtient l'équation différentielle suivante :

$$J \frac{d\Omega}{dt} = \frac{k_u \hat{\Phi}}{R} (U - k_u \hat{\Phi} \Omega)$$

L'équation homogène est :

$$J \frac{d\Omega}{dt} = - \frac{(k_u \hat{\Phi})^2}{R} \Omega$$

Solution :

$$\Omega = B e^{-\frac{(k_u \hat{\Phi})^2}{JR} t}$$

La solution particulière est Ω_0 calculée au point a et on détermine B en posant que $\Omega(t=0) = 0$.

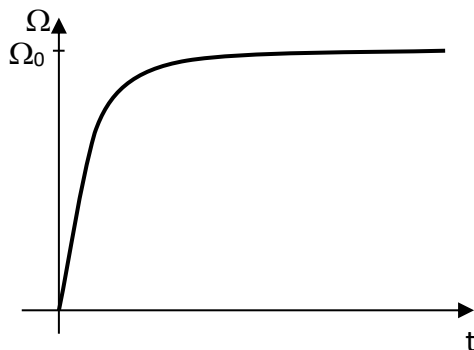
Variante : on pose :

$$\Omega = A + B e^{-\frac{(k_u \hat{\Phi})^2}{JR} t}$$

Comme la vitesse est nulle en $t=0$ et la vitesse en régime permanent est égale à la vitesse à vide :

$$A + B = 0 \text{ et } A = \frac{U}{k_u \hat{\Phi}}$$

$$\Omega = \frac{U}{k_u \hat{\Phi}} \left(1 - e^{-\frac{(k_u \hat{\Phi})^2}{JR} t} \right)$$



5. Moteur synchrone

- $p = 2$ donc $f = n/60 \cdot p = 6000/60 \cdot 2 = 200$ Hz
- Comme la vitesse est fixée (6000t/min), la puissance max est obtenue lorsque le couple est maximum

$$P = M\Omega$$

$$M = \frac{3}{2} \frac{\hat{U}_{i1}}{\Omega Z_s} [\hat{U}_1 - \hat{U}_{i1} \cos(\phi_s)]$$

Avec :

$$\hat{U}_{i1} = 12V, \hat{U}_1 = 14V$$

$$\omega = 2\pi f = 1256.6 \text{ rad/s}$$

$$\Omega = 6000 \cdot 2\pi/60 = \omega/p = 628.31 \text{ rad/sec}$$

$$Z_s = \sqrt{R_s^2 + \omega^2 L_s^2} = 1.6 \text{ } [\Omega]$$

$$\phi_s = \arctan \frac{\omega L_s}{R_s} = 0.8986 \text{ [rad]} = 51.48 \text{ } [^\circ]$$

Donc :

$$M_{max} = \frac{3}{2} \frac{12}{628.3 \cdot 1.6} [14 - 12 \cos(0.8986)] = 0.1169 \text{ [Nm]}$$

La puissance maximale vaut donc

$$P = M\Omega = 0.117 \cdot 628.3 = 73.17 \text{ [W]}$$

6. Moteur asynchrone

a) $p=1$ et la vitesse synchrone est de 3000 t/min

b) Le glissement en charge :

$$s = \frac{n_s - n}{n_s} = 150/3000 = 0.05 = 5\%$$

c) La tension de phase en triangle vaut $U_\Delta = \sqrt{3}U = 398[V]$

d) Le couple lorsque le glissement est très petit peut être exprimé par :

$$M = \frac{3\sigma_s^2 U_s^2}{R_r' \Omega_s} s$$

Le passage de la tension du branchement en étoile à celui en triangle multiplie U_s^2 par 3, le glissement est donc divisé par 3 puisque le couple de charge ne change pas :

$$s_\Delta = s/3 = 0.0167 = 1.67\%$$

e) La vitesse du moteur vaut $n_\Delta = n_s (1 - s_\Delta) = 2950 \text{ [t/min]}$

7. Loi de similitude, horlogerie

Le couple de positionnement vaut :

$$M = \frac{1}{2} \frac{d\Lambda_{aa}}{d\alpha} \Theta_a^2$$

Donc

$$M^* = \frac{\Lambda_{aa}^*}{\alpha^*} (\Theta_a^*)^2$$

Avec :

$$\Lambda_{aa}^* = \frac{\mu^* S^*}{l^*} = l^*$$

$$\Theta_a^* = H_0^* l_a^* = l^*$$

$$\alpha^* = 1$$

Donc

$$M^* = (l^*)^3 \Rightarrow l^* = \sqrt[3]{M^*} = \sqrt[3]{2} = 1.26$$

Le diamètre de l'aimant devient $l^* d = 1.26 \cdot 1 \text{ mm} = 1.26 \text{ mm}$