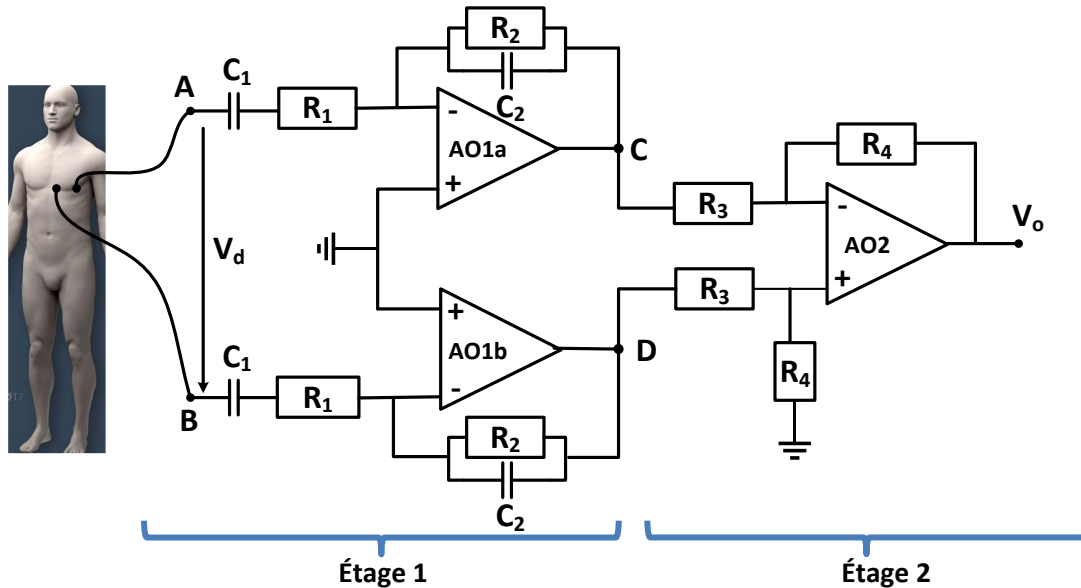


Seul le résultat final de chaque étape est donné au propre dans la partie encadrée.

## 1. Applications de l'AO (~ 40 mn)

On se propose d'étudier le circuit suivant pour une utilisation ECG :



- a- Appliquer des signaux de test différentiels à l'entrée ( $\underline{V_A(j\omega)} = -\underline{V_B(j\omega)}$ ) et exprimer la fonction de transfert  $\underline{H(j\omega)} = \frac{\underline{V_o(j\omega)}}{\underline{V_A(j\omega)} - \underline{V_B(j\omega)}} = \frac{\underline{V_o(j\omega)}}{\underline{V_d(j\omega)}}$  sous la forme canonique en faisant sortir le gain maximal  $G_d$  (Rq :  $G_d$  correspond à des fréquences où  $Z_{c1} \rightarrow 0$  et  $Z_{c2} \rightarrow \infty$ ).

$$\underline{H(j\omega)} = \frac{\underline{V_o(j\omega)}}{\underline{V_d(j\omega)}}$$

$$= G_d \underline{H'(j\omega)} = \underbrace{\frac{R_2 R_4}{R_1 R_3}}_{G_d} \frac{j\omega R_1 C_1}{(1+j\omega R_1 C_1)(1+j\omega R_2 C_2)}$$

Les pôles  $f_{pi}$  :

$$\frac{1}{2\pi R_1 C_1} \text{ et } \frac{1}{2\pi R_2 C_2}$$

Les zéros  $f_{zi}$

$$\frac{1}{2\pi R_1 C_1}$$

$G_d =$

$$\frac{R_2 R_4}{R_1 R_3}$$

NOM:

PRENOM:

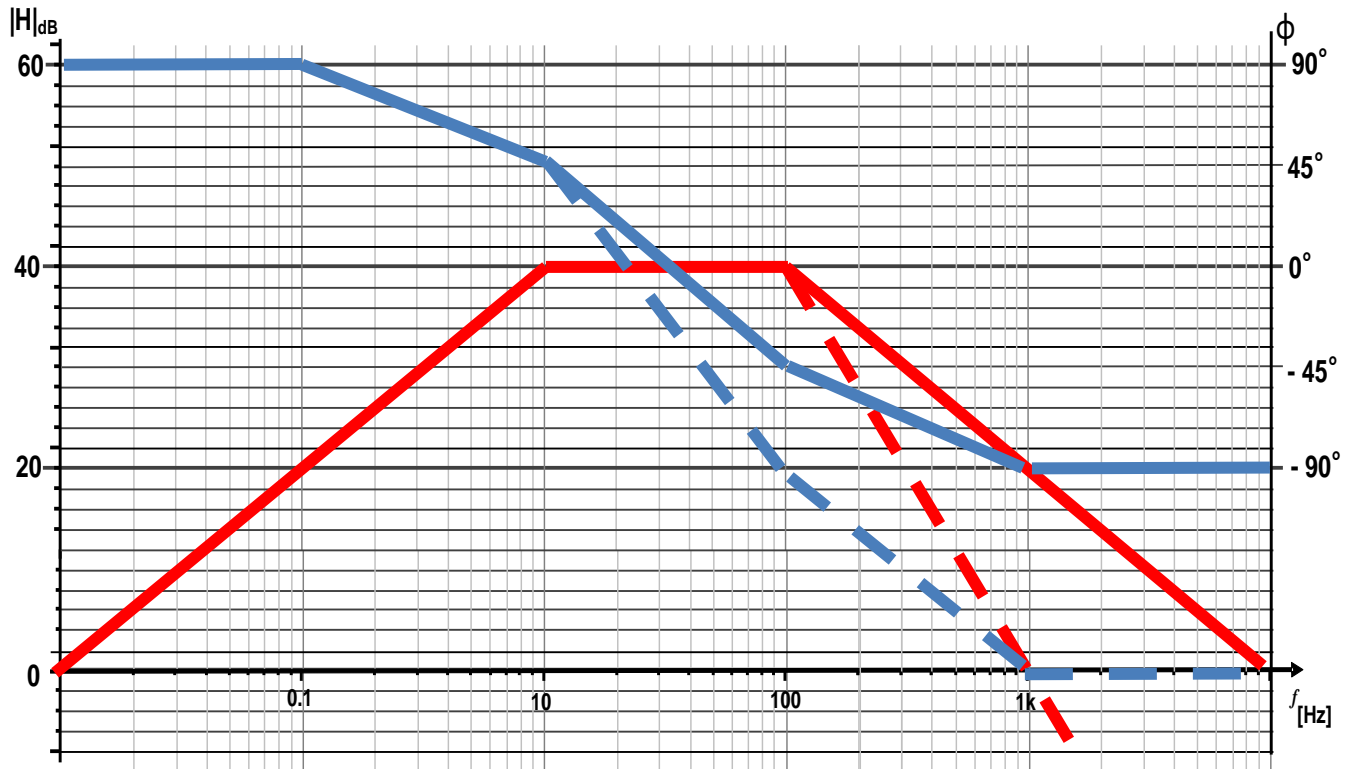
N° place :

SECTION :..

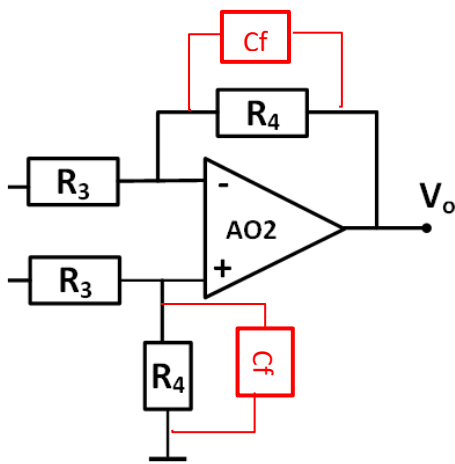
- b- Dimensionner les éléments ci-dessous pour avoir:  $G_d$  de 100 ( $G_{d1} = 20$  pour l'étage 1 et  $G_{d2} = 5$  pour l'étage 2), un zéro à 10Hz et un pôle à 100Hz (prendre  $R_1 = R_3 = 1$  [k $\Omega$ ]).

$R_2 =$	<b>20 k<math>\Omega</math></b>	$R_4 =$	<b>5 k<math>\Omega</math></b>	$C_1 =$	<b>16 <math>\mu</math>F</b>	$C_2 =$	<b>79 nF</b>
---------	--------------------------------	---------	-------------------------------	---------	-----------------------------	---------	--------------

- c- Tracer le diagramme de **Bode en amplitude et en phase** de  $H(j\omega)$ .



- d- Ajouter **une paire de capacité  $C_f$**  au deuxième étage pour avoir un **deuxième pôle à 100 Hz** en donnant sa **valeur**. Montrer en traitillé la modification que subirait alors le diagramme de **Bode en amplitude et en phase** sur le graphe de la question c.



$$C_f = \frac{1}{2\pi R_4 f_p} = 318 \text{ nF}$$

nF

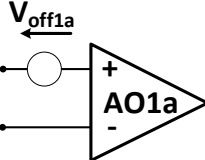
## 2. Bruit et Imperfections de l'AO (~ 30 mn):

- a- Exprimer et calculer la **valeur RMS du bruit en tension** ( $\sigma_n = \sqrt{\overline{v_{n,o}^2}|_{tot}}$ ) et sa **valeur crête-à-crête maximale** ( $v_{n,pp,max}$ ) à la sortie de l'amplificateur (avec  $C_f$ ). Considérer seulement **les sources de bruit dominantes que sont ( $R_1, R_2$ ) et négliger le filtrage basse fréquences entre 0 et 10 Hz.**

Rappel:  $\overline{v_n^2}|_{R=1k\Omega} = (4 \text{ nV}/\sqrt{\text{Hz}})^2$ ,  $\int_0^\infty \frac{df}{1+(\frac{f}{f_c})^2} = \frac{\pi}{2} f_c$  et  $\int_0^\infty \frac{df}{(1+(\frac{f}{f_c})^2)^2} = \frac{\pi}{4} f_c$

<i>Contribution des <math>R_1</math></i>	<u>Expression</u>	<u>Valeur [<math>V^2</math>]</u>
$\overline{v_{n,o}^2} _{(R_1)} [V^2]$	$2 \times \underbrace{4kTR_1}_{(4 \text{ nV}/\sqrt{\text{Hz}})^2} G_d^2 \frac{\pi}{4} f_{p2} \approx 2.5 \cdot 10^{-11}$	
<i>Contribution des <math>R_2</math></i>		
$\overline{v_{n,o}^2} _{(R_2)} [V^2]$	$2 \times \underbrace{4kTR_2}_{20(4 \text{ nV}/\sqrt{\text{Hz}})^2} G_{d2}^2 \frac{\pi}{4} f_{p2} \approx 1.25 \cdot 10^{-12}$	
<i>Puissance totale</i>		
$\overline{v_{n,o}^2} _{tot} [V^2]$	$\overline{v_{n,o}^2} _{(R_1)} + \overline{v_{n,o}^2} _{(R_2)} \approx 2.5 \cdot 10^{-11}$	
$\sigma_n = \sqrt{\overline{v_{n,o}^2} _{tot}} [V]$	$\sqrt{\overline{v_{n,o}^2} _{tot}} = 5 \cdot 10^{-6}$	<u>Valeur [V]</u>
$v_{n,pp,max} [V]$	$6\sigma_n = 30 \cdot 10^{-6}$	

- b- Etablir l'expression de  $V_{o,DC}$  due aux tensions d'offset **DC** des trois amplificateurs ( $V_{off1a}$ ,  $V_{off1b}$ ,  $V_{off2}$ ). Calculer sa valeur maximale  $V_{o,DCmax}$  si les AOs ont un  $|V_{off,max}| = 0.1V$ . (Suivre le model donné ci-dessous).



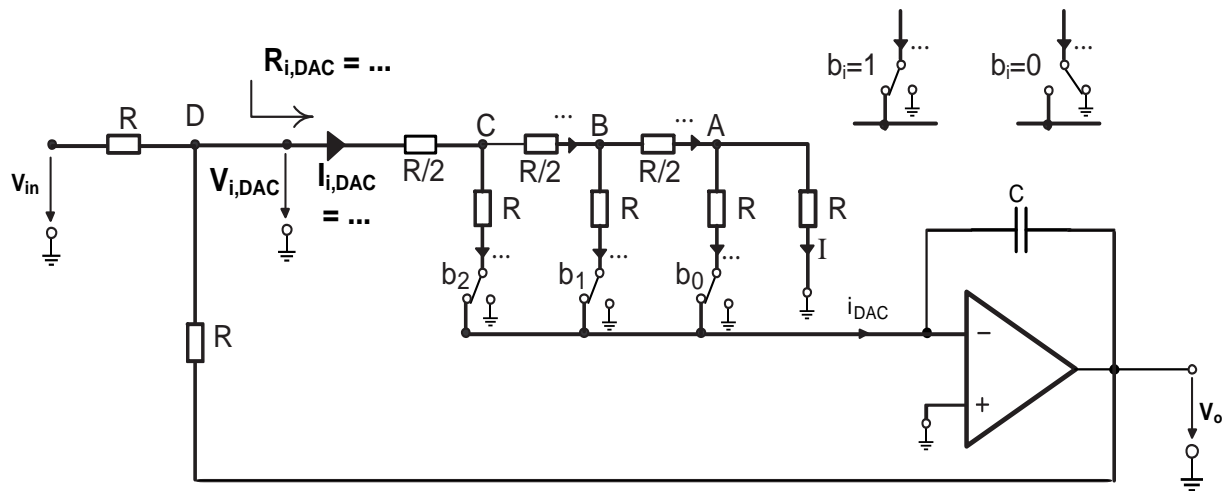
$$V_{o,DC} = \frac{R_4}{R_3} (V_{off1a} - V_{off1b}) + \left(1 + \frac{R_4}{R_3}\right) (V_{off2})$$

$$V_{o,DC max} = \pm 1.6 \quad V$$

- c- En déduire les amplitudes maximales des signaux ac à la sortie et à l'entrée ( $\hat{V}_{o,max}$ ,  $\hat{V}_{d,max}$ ) tolérables sans distorsion (Les AOs sont polarisés entre  $-V_{cc} = -5V$  et  $V_{cc} = +5V$ ).

$\hat{V}_{o,max} = \quad \quad \quad \mathbf{3.4} \quad \quad \mathbf{V}$	$\hat{V}_{d,max} = \frac{\hat{V}_{o,max}}{G_d} = \mathbf{3.4 \cdot 10^{-2} V}$
---	--

### 3- Filtre programmable (~ 40 mn)



- a- Indiquer sur les pointillés du schéma ci-dessus **les courants** des branches en fonction de I. En déduire  $I_{i,DAC}$  en fonction de I.
- b- Donner la valeur de  $R_{i,DAC}$  en fonction de R (déterminer d'abord les résistances entre les nœuds A, B, C et la masse).
- c- Exprimer  $V_{i,DAC}$  en fonction de R et de I. En déduire **I** en fonction de  $V_{i,DAC}$  et de R:

a) $I_{i,DAC} =$ <b><math>8I</math></b>	b) $R_{i,DAC} =$ <b><math>R</math></b>	c) $V_{i,DAC} =$ <b><math>8IR</math></b>	c) <b><math>I = V_{i,DAC} / 8R</math></b>
--	---	--	---

- d- Déterminer  $V_o$  en fonction de  $\sum_{i=0}^2 b_i 2^i$ , I et  $Z_c$  puis en fonction de  $\sum_{i=0}^2 b_i 2^i$ ,  $V_{i,DAC}$  et RC
- e- Déterminer  $V_{i,DAC}$  en fonction de  $V_{in}$  et  $V_o$ :

d) $V_o =$ $= - \frac{-Z_c I_{DAC}}{j\omega c}$ $= - \frac{I(\sum_{i=0}^2 b_i 2^i)}{j\omega c}$	d) $V_o =$ $= - \frac{V_{i,DAC} (\sum_{i=0}^2 b_i 2^i + 1)}{j\omega c 8R}$	e) $V_{i,DAC} =$ $\frac{V_{in} + V_{out}}{3}$
---	---	--

Rq : si vous ne répondez pas à la question e, considérer que  $V_{i,DAC} = \frac{V_{in} + V_o}{2}$  pour la suite.

NOM:

PRENOM:

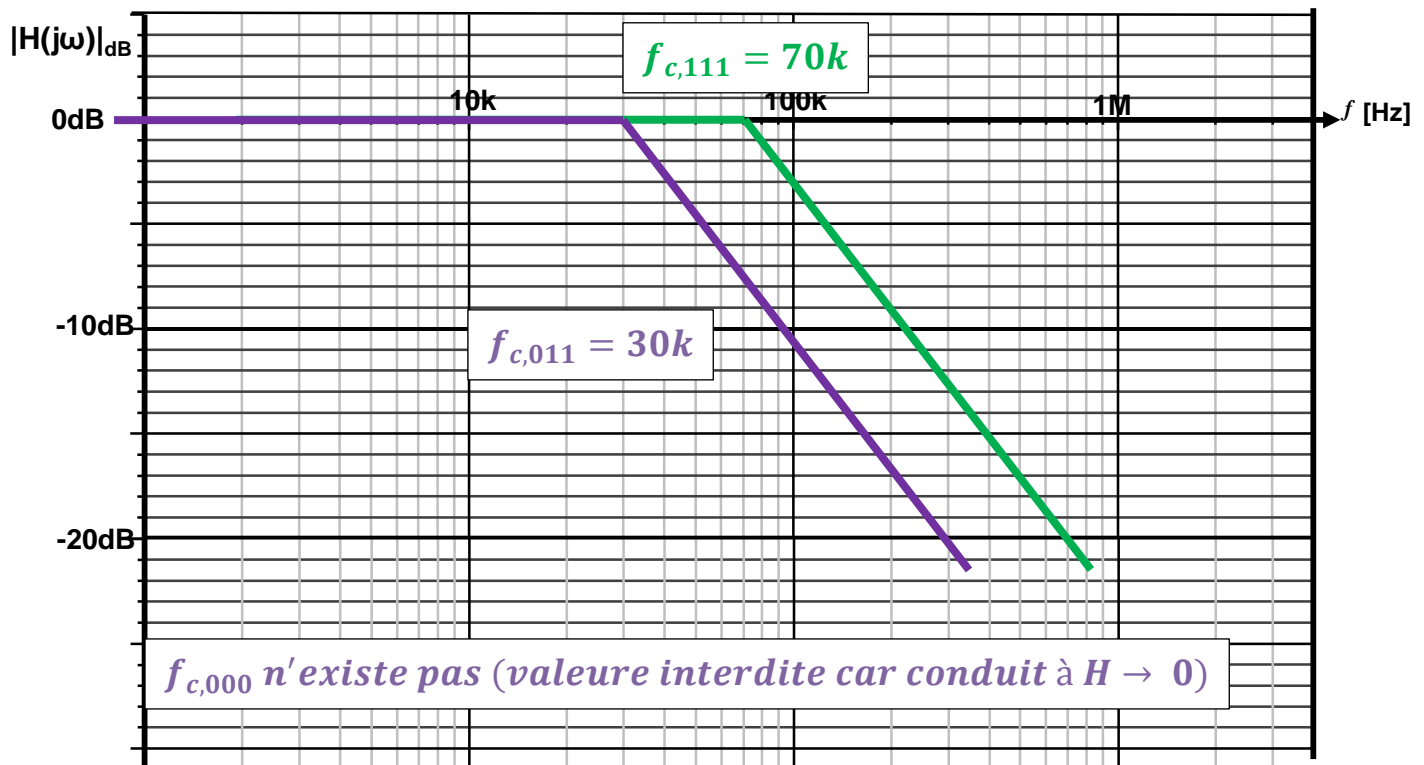
N° place :

SECTION :..

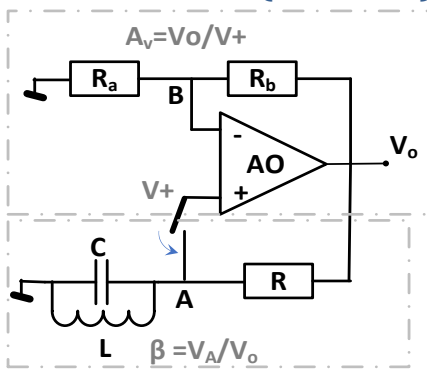
- f- Déduire de (d) et (e) la fonction de transfert du filtre programmable  $H_f(j\omega) = V_o / V_{in}$  ainsi que son pôle programmable  $f_p$ . Calculer  $RC$  pour que le contrôle digital (1 1 1) donne pôle à **70 kHz**

$H_f(j\omega) =$ $- \frac{1}{1 + j\omega \underbrace{\frac{24RC}{k}}_{1/\omega_p}} \quad \text{avec } k = \left( \sum_{i=0}^2 b_i 2^i \right)$	$f_p =$ $\frac{k}{2\pi 24RC}$	$RC =$ $\frac{7}{2\pi 24 f_p} =$ <b>0.66 <math>\mu s</math></b>
---	----------------------------------	---

- g- Tracer ci-dessous les digrammes de **Bode en amplitude de  $H_f(j\omega)$**  pour  $(b_2 \ b_1 \ b_0)$  égale à **(1 1 1)** ; **(0 1 1)** ; **(0 0)** en donnant à chaque fois sur la figure la valeur de la fréquence de coupure.



## a. Oscillateur (~ 30 mn) :



- Prévoir théoriquement la fonction de transfert :  $\beta(i\omega) = \frac{V_A}{V_o}$
- Exprimer la fréquence d'oscillation en fonction des éléments du circuit et donner la valeur du produit LC pour une fréquence d'oscillation  $f_o = 1\text{kHz}$ , en expliquant brièvement la démarche suivie.
- En déduire le module  $|\beta(jf_o)|$  à la fréquence d'oscillation.
- Donner la condition sur la valeur de  $R_a$  et  $R_b$  pour amorcer l'oscillation.
- Pour  $R_a = 10\text{ k}\Omega$  et  $R_b = 20\text{ k}\Omega$  et  $\pm V_{cc} = \pm 5\text{V}$ , donner approximativement l'amplitude du signal  $V_o$  ( $\widehat{V}_o(f_o)$ ),  $V_B$  ( $\widehat{V}_B(f_o)$ ) et  $V_A$  ( $\widehat{V}_A(f_o)$ ).

a.

$$\beta(i\omega) = \beta(j\omega) = \frac{V_A}{V_o} = \frac{j\omega L}{R(1-\omega^2 LC) + j\omega L} \quad A = \frac{V_o}{V_A} = 1 + \frac{R_b}{R_a}$$

b. Fréquence d'oscillation  $f_o$  :  $\text{Arg}(A\beta(j\omega_o)) = 90^\circ - \text{Arctg}\left(\frac{\omega LC}{R(1-\omega^2 LC)}\right) = 0$

$$\Rightarrow (1 - \omega^2 LC) = 0 \Rightarrow f_o = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \quad LC = \frac{1}{(2\pi f_o)^2} = 25\text{ ns}$$

c.

$$|\beta(jf_o)| = \left| \frac{j\omega L}{j\omega L} \right| = 1$$

d. Condition sur  $R_a$ ,  $R_b$ 

$$|A\beta(jf_o)| = 1 + \frac{R_b}{R_a} \text{ tjrs } > 1 \text{ donc pas de condition sur } R_a \text{ et } R_b$$

e.

$$\widehat{V}_o(f_o) = 5\text{V}$$

$$\begin{aligned} \widehat{V}_B(f_o) &= \frac{R_a}{R_a + R_a} \widehat{V}_o(f_o) \\ &= \frac{5}{3} = 1.66\text{V} \end{aligned}$$

$$\widehat{V}_A(f_o) = \widehat{V}_o(f_o) = 5\text{V}$$