

Série 1

1. Sans utiliser de calculatrice, convertir

- a) $\alpha = 240^\circ$ en radians, b) $\beta = 1 \text{ rad}$ en degrés et minutes, (poser $\pi = \frac{22}{7}$).

2. Un polygone régulier de n côtés et de sommets A_1, A_2, \dots, A_n est inscrit dans un cercle de rayon 1 et de centre O .

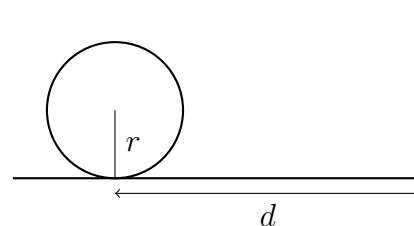
Exprimer en radians la mesure des angles $\widehat{A_1 O A_k}$, $k = 2, \dots, n$.

3. a) Un arc de cercle a pour longueur $L = 30 \text{ cm}$, son angle au centre mesure $\alpha = 4 \text{ rad}$. Calculer son rayon r .

b) Un secteur circulaire a pour angle au centre $\beta = 18^\circ$ et pour rayon $r = 12 \text{ cm}$. Calculer la longueur L de l'arc et l'aire A du secteur.

4. La roue ci-contre, de rayon r , a son centre situé à la distance d du mur. On la fait rouler jusqu'à ce qu'elle touche celui-ci.

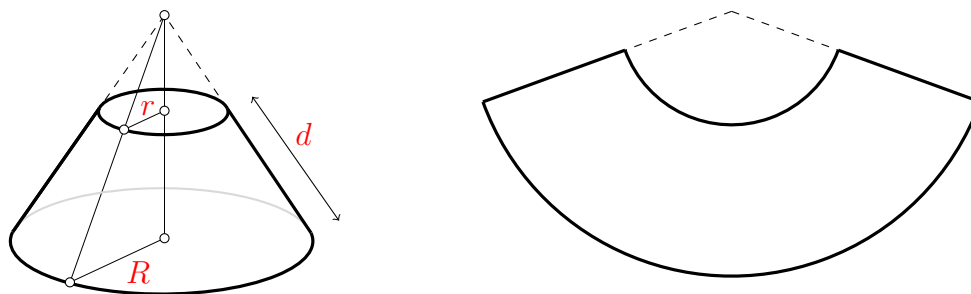
De quel angle α la roue a-t-elle tourné ?



5. Estimer la vitesse sur orbite de la lune dans sa course autour de la terre connaissant la distance qui sépare leur centre (environ 360'000 km) et en fixant une période lunaire approximativement à 30 jours.

6. On considère un tronc de cône de révolution défini par les rayons r et R de ses deux bases et par la longueur d des génératrices.

Ce tronc de cône est une surface développable : en le découpant le long d'une génératrice, on obtient un secteur de couronne circulaire.



Déterminer la surface A de ce tronc de cône en fonction des données r , R et d .

7. Il est midi. Sur une montre analogique, l'aiguille des heures et celle des minutes sont superposées.

a) A quels instants (heures, minutes, secondes) le seront-elles de nouveau ?

Indication : déterminer $\alpha_1(t)$, l'angle décrit par l'aiguille des heures en t secondes et $\alpha_2(t)$, l'angle décrit par l'aiguille des minutes.

b) Même question avec les trois aiguilles, celle des heures, des minutes et des secondes.

8. Sur une piste circulaire, deux personnes prennent simultanément le départ en un même point A .

La première personne court à vitesse constante et effectue un tour complet en 60 secondes et la deuxième part en sens inverse, à vitesse constante et fait un tour en 250 secondes.

a) Déterminer l'instant t_n où les deux coureurs se rencontrent pour la n -ième fois.

b) Déterminer l'instant t_A où les deux personnes se rencontrent pour la première fois au point de départ A .

9. Exercice récréatif

On considère un triangle équilatéral ABC et un point P quelconque à l'intérieur du triangle. On note $a = PA$, $b = PB$ et $c = PC$.

Montrer que quelle que soit la position de P dans le triangle ABC , on peut construire un triangle dont les côtés sont de longueur a , b et c .

Indication : utiliser une rotation pour construire le triangle demandé.

Réponses de la série 1

1. a) $\alpha = \frac{4\pi}{3}$ rad

b) $\beta \approx 57^\circ 16'$.

2. La mesure de l'angle $\widehat{A_1OA_k}$ est égale à $(k-1)\frac{2\pi}{n}$, $k = 2, \dots, n$.

3. a) $r = 7,5$ cm

b) $L = \frac{6\pi}{5}$ cm, $S = \frac{36\pi}{5}$ cm²

4. $\alpha = \frac{d-r}{r}$ rad

5. La vitesse sur orbite de la lune est approximativement de 3'140 km/h

6. Soit A la surface du tronc de cône : $A = 2\pi \cdot \frac{R+r}{2} \cdot d$

7. a) $t \approx k(1\text{h } 5' 27'')$, $k \in \mathbb{N}^*$.

b) $t = 12\text{h}$.

8. a) $t_n = n \cdot \frac{1500}{31}$ secondes, $n \in \mathbb{N}^*$, b) $t_A = 25$ minutes.
