Série 6

1. Résoudre les équations suivantes :

a)
$$\tan x + 3 \sin^2 x - \cos^2 x = 0$$

b)
$$\sin^2 x + 8 \sin(2x) + 3 \cos^2 x = 10 \cot x$$

c)
$$1 + 2\sin x + \cos x + 2\tan x = 0$$

d)
$$2\sin^2 x + \sqrt{3}\sin(2x) - 3 = 0$$
, $0 < x < 2\pi$

e)
$$\frac{\sin(2x)}{1-\cos x} + 2 = 2(\sin x + 2\cos x)$$

2. Est-il vraiment nécessaire d'utiliser un changement de variable pour résoudre les équations suivantes ?

a)
$$\sin(3x) = \cos x$$

b)
$$\frac{1}{\cos x} - \cos x = \sin x$$

c)
$$\cos x = \tan x$$

$$d) \sqrt{3} - \tan x = \frac{1}{\cos x}$$

3. Résoudre l'inéquation suivante :

$$1 + \frac{\sin x}{1 + \cos x} > 2\left(\sin x - \cos x\right)$$

Réponses de la série 6

1. a)
$$S = \left\{ -\frac{\pi}{4} + k\pi, \ \alpha + k\pi, \ \beta + k\pi, \ k \in \mathbb{Z} \right\}$$

avec $\tan \alpha = -1 - \sqrt{2}$ et $\tan \beta = -1 + \sqrt{2}$

b)
$$S = \left\{ \frac{\pi}{4} + k\pi, \ \alpha + k\pi, \ \beta + k\pi, \ k \in \mathbb{Z} \right\}$$

avec $\tan \alpha = -2$ et $\tan \beta = -5$

c)
$$S = \{ \pi + 2k\pi, 2\alpha + 2k\pi, 2\beta + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \}$$

avec $\tan \alpha = 2 - \sqrt{5}$ et $\tan \beta = 2 + \sqrt{5}$

d)
$$S = \{ \frac{\pi}{3}, \frac{4\pi}{3} \}$$

e)
$$S = \left\{ \frac{\pi}{2} + 2k\pi, -\frac{\pi}{3} + 2k\pi, \frac{\pi}{3} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$$

2. a)
$$S = \left\{ \frac{\pi}{8} + \frac{k\pi}{2}, \frac{\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$$

b)
$$S = \left\{ k\pi, \frac{\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$$

c)
$$S = \{ \varphi + 2k\pi, \ \pi - \varphi + 2k\pi, \ k \in \mathbb{Z} \}$$
 avec $\sin \varphi = \frac{-1+\sqrt{5}}{2}$

d)
$$S = \left\{ \frac{\pi}{6} + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z} \right\}$$

3.
$$S = \bigcup_{k \in \mathbb{Z}} \left(\left. \right] - \frac{2\pi}{3} + 2k\pi, \, \frac{\pi}{2} + 2k\pi \left[\cup \right] \frac{2\pi}{3} + 2k\pi, \, \pi + 2k\pi \left[\right. \right)$$