## Dictionnaire mathématique

:= par définition égal à

 $\mathcal{P} \Longrightarrow \mathcal{Q}$   $\mathcal{P}$  implique  $\mathcal{Q}$ 

 $\mathcal{P} \Longleftrightarrow \mathcal{Q}$   $\mathcal{P}$  est équivalent à  $\mathcal{Q}$ , parfois dit " $\mathcal{P}$  si et seulement si  $\mathcal{Q}$ "

∃ il existe

 $\forall$  pour tout

élément de E

 $\{x \in E \mid x \text{ vérifie } \mathcal{P}\}$  l'ensemble de tous les éléments de E vérifiant la propriété  $\mathcal{P}$ 

 $A \cup B$  l'union des ensembles A et B,  $\{x \mid x \in A \text{ ou } x \in B\}$ 

 $A \cap B$  l'intersection des ensembles A et B,  $\{x \mid x \in A \text{ et } x \in B\}$ 

 $C_E(A)$  (parfois  $E \setminus A$  ou  $\overline{A}$ ) | le complémentaire de A dans E,  $\{x \in E \mid x \notin A\}$ 

 $E \times F$  le produit cartésien des ensembles E et F,  $\{(x,y) \mid x \in E, y \in F\}$ 

 $\emptyset$  l'ensemble vide

 $\mathbb{N}$  les entiers naturels  $\{0, 1, 2, 3, \ldots\}$ 

 $\mathbb{N}^*$  les entiers naturels non nuls  $\{1, 2, 3, \ldots\}$ 

 $\mathbb{Z}$  les entiers relatifs  $\{\ldots, -2, -1, 0, 1, 2, \ldots\}$ 

 $\mathbb{R}$  les nombres réels

 $\mathbb{R}_+$  les nombres réels positifs,  $\{x \in \mathbb{R} \mid x \geq 0\}$ 

 $\mathbb{C}$  les nombres complexes

 $f:A\to B$  une fonction qui associe à tout élément a de A un élément f(a) de B

 $\hfill \square$  un symbole pour marquer la fin d'une démonstration

Les intervalles réels bornés:

$$[a,b] = \{x \in \mathbb{R} \mid a \le x \le b\},\$$

$$]a,b[ = \{x \in \mathbb{R} \mid a < x < b\},\$$

$$]a,b] = \{x \in \mathbb{R} \mid a < x \le b\},\$$

$$[a,b] = \{x \in \mathbb{R} \mid a \le x < b\}.\$$

Les intervalles réels non bornés:

$$[a, \infty[ = \{x \in \mathbb{R} \mid a \le x\},$$

$$] - \infty, b] = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le b\},$$

$$]a, \infty[ = \{x \in \mathbb{R} \mid a < x\},$$

$$] - \infty, b[ = \{x \in \mathbb{R} \mid x < b\}.$$

Voici une liste de terminologie et d'abréviations souvent utilisées au tableau.

Théorème une assertion qui est démontrable à partir d'autres assertions

déjà démontrées ou acceptées comme vraies

Lemme une assertion servant d'intermédiaire pour démontrer un

théorème plus important

Proposition un théorème relativement simple

Corollaire un résultat qui découle directement d'un théorème prouvé

Conjecture une assertion dont on ne connaît pas la preuve, mais que l'on

croit être vraie

t.q. tel que

cf. comparer à (du latin confer)

i.e. c'est-à-dire (du latin *id est*)

Voici une liste des lettres grecques, avec les majuscules les plus courantes.

$\alpha$	alpha	$\nu$	nu
$\beta$	beta	$\xi$ , $\Xi$	xi
$\gamma$ , $\Gamma$	gamma	0	omicron
$\delta$ , $\Delta$	delta	$\pi$ , $\Pi$	pi
$\varepsilon$	epsilon	ho	rho
$\zeta$	zeta	$\sigma$ , $\Sigma$	$_{ m sigma}$
$\eta$	eta	au	tau
$\theta$ , $\Theta$	theta	v	upsilon
$\iota$	iota	$\varphi,  \phi,  \Phi$	phi
$\kappa$	kappa	χ	chi
$\lambda,~\Lambda$	lambda	$\psi, \Psi$	psi
$\mu$	mu	$\omega, \Omega$	omega