

Enseignantes: Bossoney, Dubuis, Khukhro

Analyse 1 - CMS 7 novembre 2022 Durée : 105 minutes 1

Dalton Joe

SCIPER: 999999

Attendez le début de l'épreuve avant de tourner la page. Ce document est imprimé recto-verso, il contient 12 pages, les dernières pouvant être vides. Ne pas dégrafer.

- Posez votre carte d'étudiant sur la table.
- Aucun document n'est autorisé.
- L'utilisation d'une calculatrice et de tout outil électronique est interdite pendant l'épreuve.
- Pour les questions à choix multiple, on comptera:
 - les points indiqués si la réponse est correcte,
 - 0 point si il n'y a aucune ou plus d'une réponse inscrite,
 - 0 point si la réponse est incorrecte.
- Utilisez un **stylo** à encre **noire ou bleu foncé** et effacez proprement avec du **correcteur blanc** si nécessaire.

Respectez les consignes suivantes Observe this guidelines Beachten Sie bitte die unten stehenden Richtlinien		
choisir une réponse select an answer Antwort auswählen	ne PAS choisir une réponse NOT select an answer NICHT Antwort auswählen	Corriger une réponse Correct an answer Antwort korrigieren
ce qu'il ne faut <u>PAS</u> faire what should <u>NOT</u> be done was man <u>NICHT</u> tun sollte		

Première partie, questions à choix unique

Pour chaque question, marquer la case correspondante à la réponse correcte sans faire de ratures. Il n'y a qu'une seule réponse correcte par question.

Question 1 (2 points)

Calculer le terme en x^6 du développement de $\left(x+\frac{2}{x}\right)^{10}$.

- $180x^{6}$
- $210x^{6}$
- $90x^{6}$
- $45x^{6}$

Question 2 (2 points)

Soient $a, b, c \in \mathbb{R}$ et soit $P(x) = ax^2 + bx + c$ un trinôme du second degré. On note Δ le discriminant de P(x). Si a > 0 et les racines x_1, x_2 de P(x) satisfont $x_1 < -1 < x_2 < 0$, alors

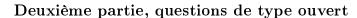
- $\Delta < 0, P(-1) < 0 \text{ et } \frac{c}{a} > 0.$
- $\Delta > 0, P(-1) < 0 \text{ et } \frac{c}{a} > 0.$
- $\Delta > 0, P(-1) < 0 \text{ et } \frac{c}{a} < 0.$
- $\Delta > 0, P(-1) > 0 \text{ et } \frac{c}{a} < 0.$

Question 3 (2 points)

Soit $x \in \mathbb{R}^*$. Laquelle des expressions suivantes est égale à $A(x) = \sqrt[3]{x + \frac{1}{x}}$?

- $b(x) = \sqrt[3]{x} \cdot \sqrt[3]{1 + \frac{1}{x^2}}$

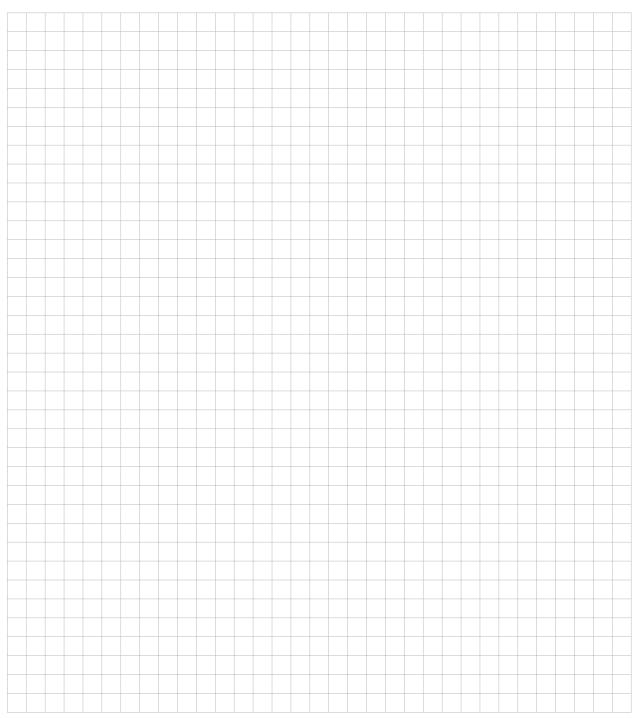
Question 4 (2 points)
Calculer la valeur de $\frac{2}{\sqrt{2}(\sqrt{3}+1)} + \frac{2}{\sqrt{3}+1+\sqrt{2}}$.

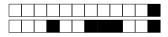


Répondre dans l'espace dédié. Votre réponse doit être soigneusement justifiée, toutes les étapes de votre raisonnement doivent figurer dans votre réponse. Laisser libres les cases à cocher: elles sont réservées au correcteur.

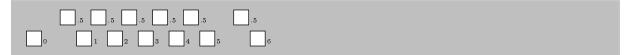
Question 5: Cette question est notée sur 3 points.

Résoudre l'inéquation $\frac{1}{x-1} \geq \frac{-1}{2x-2}$ par rapport à la variable x.

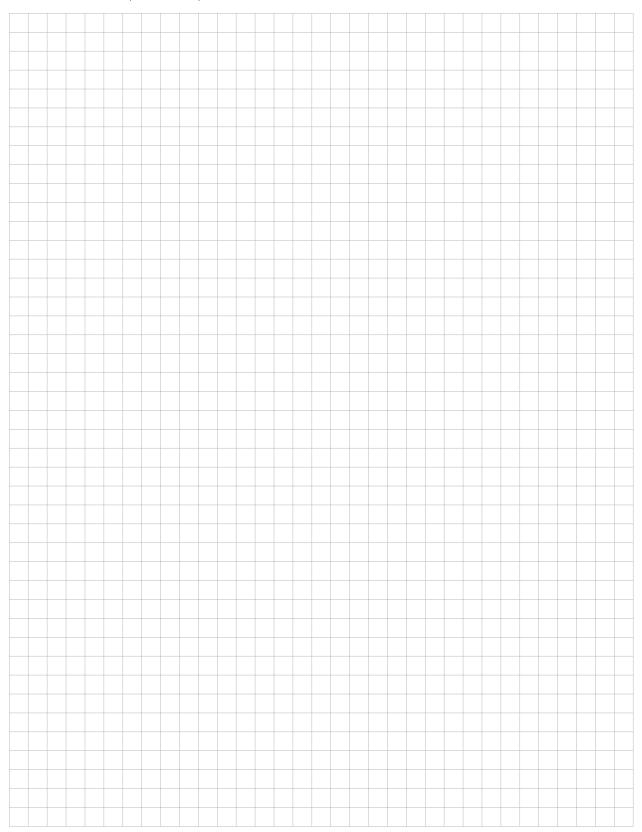




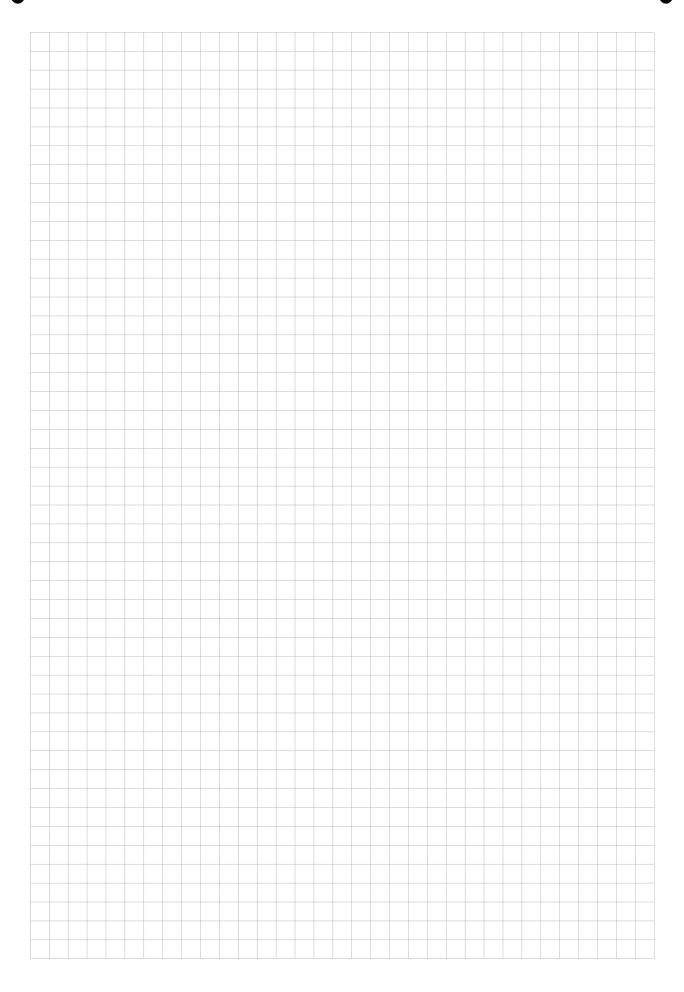
Question 6: Cette question est notée sur 6 points.

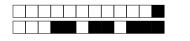


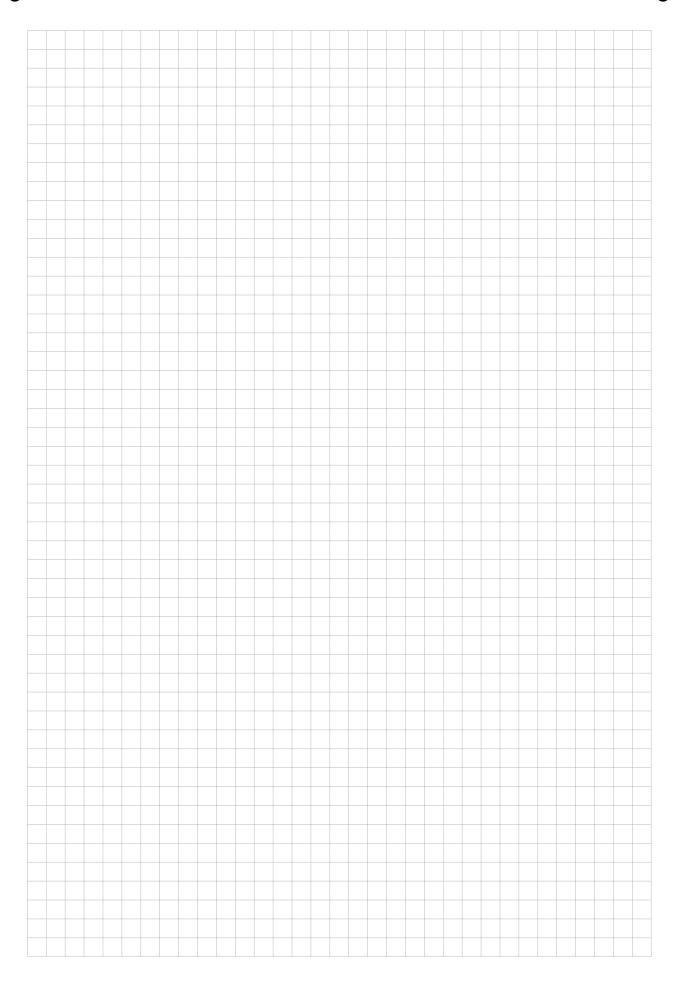
Résoudre l'équation |3x - m + 6| = 3x - 3m par rapport à la variable x, en fonction du paramètre $m \in \mathbb{R}$.

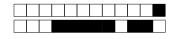


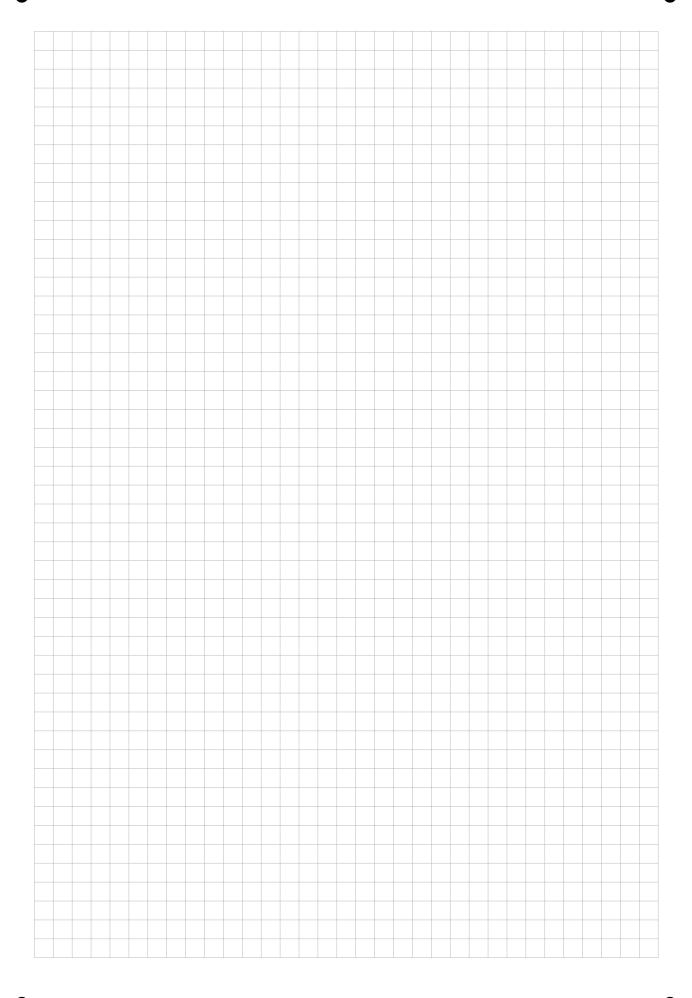


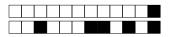










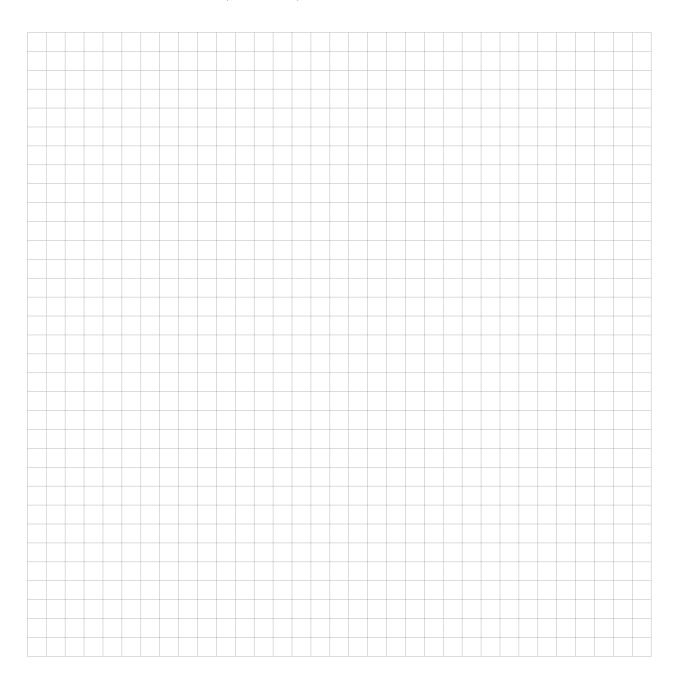


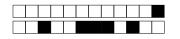
Question 7: Cette question est notée sur 7 points.

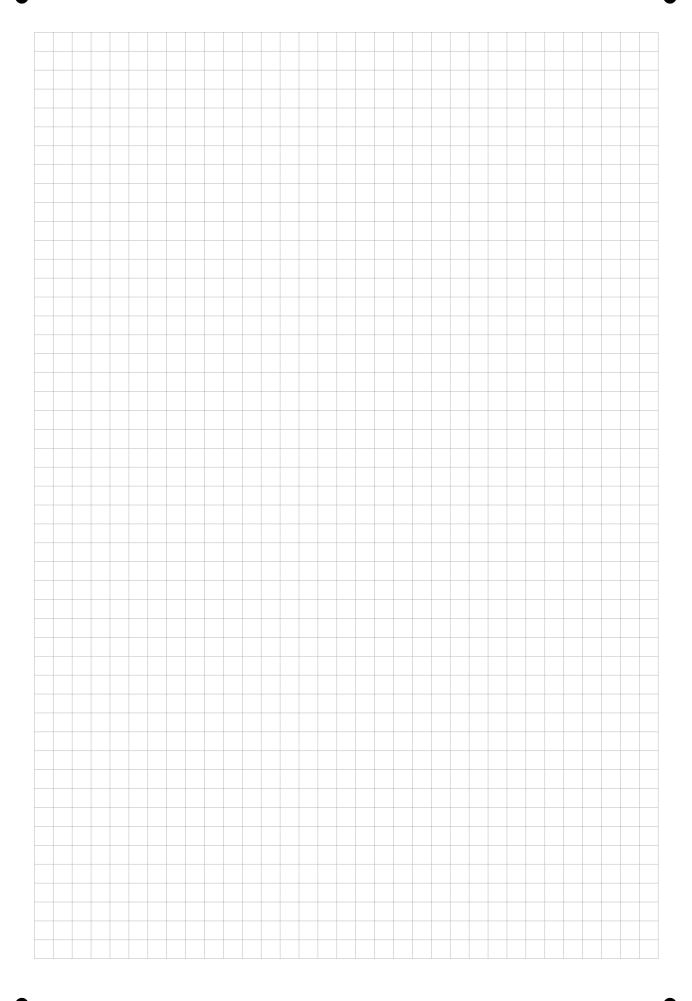


Parmi les énoncés suivants, déterminer s'ils sont vrais ou faux. S'ils sont vrais, il n'y a pas besoin de justifier. S'ils sont faux, donner un contre-exemple.

- (a) Si (a_n) converge vers $a \in \mathbb{R}$ et si $\forall n \in \mathbb{N}^*, a_n > 1$, alors $a \ge 1$.
- (b) Si $(|a_n|)$ converge vers a > 0, alors (a_n) converge soit vers a, soit vers -a.
- (c) Si $\forall n \in \mathbb{N}^*$, $a_{n+1} > a_n$, alors $\lim_{n \to +\infty} a_n = +\infty$.
- (d) Soient (a_n) , (b_n) deux suites. On suppose que (b_n) est strictement décroissante et que $\forall n \in \mathbb{N}^*$, $b_n > 0$ et $-b_n < a_n < b_n$. Alors $\lim_{n \to +\infty} a_n = \lim_{n \to +\infty} b_n$.







Question 8: Cette question est notée sur 6 points.

- (a) Soit (a_n) une suite. Donner la définition de $\lim_{n\to+\infty}a_n=+\infty$.
- (b) Montrer, à l'aide de la définition, que $\lim_{n \to +\infty} \frac{n^2}{2n+2} = +\infty$.
- (c) Soit (a_n) la suite définie par

$$a_n = \frac{n}{n+3} + \frac{n+1}{n+4} + \frac{n+2}{n+5} + \ldots + \frac{2n-1}{2n+2}.$$

Montrer que $\lim_{n\to+\infty} a_n = +\infty$.

