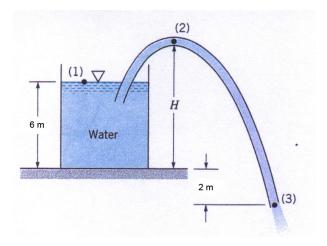
Série No. 3 2024

## Exercice 3.1

Le jet d'eau de Genève mesure 140 m de haut. Calculez la vitesse de l'eau à la base du jet. On supposera que la buse a un profil adapté, de sorte que le vecteur vitesse est vertical et constant sur toute la section du jet.

## Exercice 3.2

On utilise un siphon pour vider un récipient contenant de l'eau à 16 °C. Quelle est la hauteur maximale H du siphon si on veut éviter la formation de bulles (cavitation) au sommet du siphon? L'extrémité du siphon se trouve 2 m sous le fond du récipient. L'écoulement est suffisamment faible pour que l'on puisse considérer la hauteur de fluide constante. Supposons que la pression atmosphérique soit  $P_{atm}=101400$  Pa, la densité de l'eau soit  $\rho=1000$  kg/m³, et la pression de vapeur de l'eau à 16 °C soit  $P_{sat}=1765$  Pa. On supposera que les hypothèses de la loi de Bernoulli sont vérifiées.



## Exercice 3.3

a) Dessiner et déterminez les lignes de courant y=y(x) pour un écoulement stationnaire bidimensionnel décrit par le champ de vitesse:

$$\vec{v} = (\frac{v_0}{l})(x\vec{e}_x - y\vec{e}_y)$$

b) Déterminez le champ d'accélération de cet écoulement stationnaire.

## Exercice 3.4

Dans le plan horizontal xz, un fluide parfait et incompressible s'écoule autour d'une sphère de rayon  $\alpha$ . La pression en A loin de la sphère (i.e., pour  $x=-\infty$ ) est  $P_0$ . La vitesse le long de la ligne de courant A-B (i.e., de  $x=-\infty$  à  $x=-\alpha$ ) est donnée par:

$$\vec{v} = (v_x, 0, 0)$$

avec

$$v_x = v_0 \left( 1 + \frac{\alpha^3}{x^3} \right)$$

Calculez:

- a) l'accélération des particules fluides le long de la ligne de courant A-B.
- b) la pression P le long de la ligne de courant A-B à partir de l'équation de Bernoulli.
- c) la pression P le long de la ligne de courant A-B à partir de l'équation d'Euler.

