Section SV Série 6: 30/10/2024

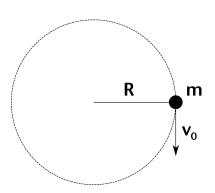
Exercices

Exercice 1 Ne soit pas si rigide

Une masse m est accrochée à un fil fixé à l'autre extrémité. On veut la faire tourner dans un plan vertical. On la lance vers le bas lorsque le fil est à l'horizontale avec une vitesse v_0 . On néglige la masse du fil.

Quelle est la valeur minimale de v_0 pour que la masse décrive un cercle complet

- si le fil est rigide;
- si le fil est souple.



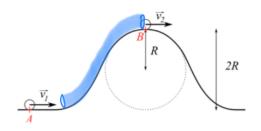
Exercice 2 Pédaler dans la choucroute

Un cycliste peut descendre sans pédaler une pente formant un angle α avec l'horizontale à une vitesse de 6,0 km/h. En pédalant vigoureusement, il peut également descendre cette pente à une vitesse constante de 40 km/h. Avec la même puissance, à quelle vitesse pourrait-il monter cette pente? On suppose que la force de frottement est directement proportionnelle à la vitesse v, c'est-à-dire que $F_f = \eta v$, où η désigne une constante.

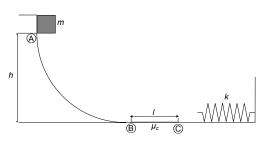
Exercice 3 Hole in one!

Sur un parcours de minigolf, une balle de masse m_1 doit franchir un obstacle en forme de bosse, représenté sur le schéma ci-contre : la bosse a un rayon de courbure R en son sommet, et sa hauteur est égale à 2R. On néglige les forces de frottement. La balle est guidée dans un tube jusqu'où sommet.

- a) La balle part du point A situé avant la bosse à une vitesse \vec{v}_1 Calculez la vitesse \vec{v}_2 de la balle lorsqu'elle atteint le sommet de la bosse (point B).
- b) Calculez la vitesse maximale \vec{v}_1 au point A, pour que la balle ne décolle pas en arrivant au sommet de la bosse.



Exercice 4 On se lâche!

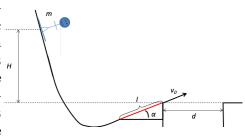


Un bloc de masse m, initialement au repos, est lâché du point \mathbf{A} d'une hauteur h. La piste est considérée sans frottement, à l'exception de la portion située entre \mathbf{B} et \mathbf{C} qui à une longueur l. Le bloc parcours la piste, percute un ressort ayant une constante de raideur k, et le compresse d'une distance d par rapport à sa position d'équilibre. Quelle est la valeur du coefficient de friction cinétique μ_c entre le bloc et la surface rugueuse entre les points \mathbf{B} et \mathbf{C} ?

Pour l'application numérique on prendra m=10 kg, h=3 m, l=6 m, k=2250 N.m⁻¹ et d=0,3 m.

Exercice 5 Bob atteint des sommets

Bob, le snowboarder fou, veut effectuer le saut du siècle par-dessus une crevasse! Pour cela, il imagine une rampe de longueur l faisant un angle α par rapport à l'horizontale devant la crevasse. On considère que l'altitude du point d'atterrissage est la même que celle du sommet de la rampe et que la longueur de la crevasse est d. Bob remonte ensuite la pente jusqu'à une hauteur H par rapport au sommet de la rampe (voir schéma). La masse de Bob est m.



- a) Dans un premier cas, Bob a recouvert la rampe de neige et on considère les forces de frottement nulles sur tout le parcours. En sachant que Bob part de la hauteur H avec une vitesse nulle, exprimez la norme de sa vitesse v_0 au moment où il quitte la rampe.
- b) Evidemment, le saut est réussi si sa portée est plus grande que la longueur de la crevasse d. Calculez la valeur minimale de la hauteur H que Bob doit gravir pour ne pas tomber dans la crevasse.
- c) Après plusieurs sauts, la neige se trouvant sur la rampe disparait. On considère qu'il existe maintenant un frottement sec cinétique de constante μ_c tout le long de la rampe (longueur l, portion en rouge sur le schéma). Calculez la nouvelle vitesse v_f au bout de la rampe.