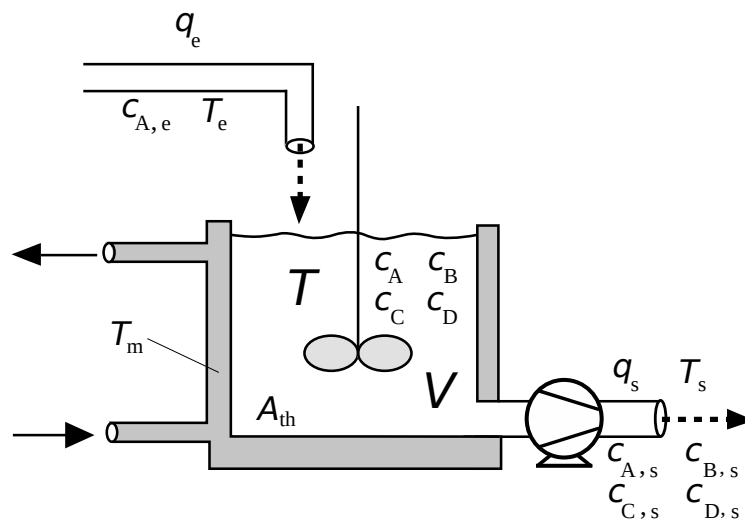


Test

1. **Modélisation (30 points)** On considère un réacteur à cuve agitée en continu (CSTR), dessiné ci-dessous, dans lequel une espèce chimique A à la température T_e et concentration $C_{A,e}$ est pompée avec un débit volumique q_e . Deux réactions exothermiques ont lieu dans le réacteur : la première réversible $r_1: 2A \leftrightarrow B + C$, et la seconde irréversible $r_2: A + C \rightarrow D$. Les concentrations respectives de A, B, C , et D sont notées C_A, C_B, C_C , et C_D . On pose constants la capacité thermique spécifique c_p ainsi que la densité ρ du mélange.

Le réacteur est équipé d'une gaine réfrigérante à la température T_m , possédant une surface d'échange A_{th} et un coefficient de transfert thermique surfacique U .

On considère les réactions comme suivant la loi d'action des masses, avec une constante de réaction dépendante de la température selon la loi d'Arrhenius : $k_i = k_{0i} e^{-E_i/RT(t)}$, $i=1,2$, ou E_i est l'énergie d'activation de chacune des réactions, et R la constante des gaz parfaits. Les enthalpies de réaction sont respectivement ΔH_1 et ΔH_2



- Écrire le modèle dynamique de ce réacteur
 - Quelles sont les variables dépendantes de ce système ? Quelles sont les variables indépendantes ?
 - Quel est l'ordre de ce système ? Ce système est-il linéaire ? Non linéaire ? Est-il stationnaire ou non ?
2. **Linéarisation (20 points)** Un volume d'eau V et sa température T , évoluent dans une cuve chauffée selon les équations :

$$\frac{dV(t)}{dt} = \frac{(w_e(t) - w_s(t))}{\rho}$$

$$\frac{dT(t)}{dt} = \frac{w_e(t)(T_e(t) - T(t))}{V(t)\rho} + \frac{P(t)}{V(t)\rho c_p}$$

où la chaleur spécifique de l'eau est $c_p = 4185.5 \text{ J/kgK}$, le débit massique sortant $w_s(t) = 1 \text{ kg/s}$, la puissance du chauffe-eau $P(t) = 10000 \text{ W}$, la densité de l'eau $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$, la section de la cuve $S_n = 2 \text{ m}^2$ et la température extérieure $T_e(t) = 298 \text{ K}$. Dans le cas où le débit massique d'entrée suit la loi suivante :

$$w_e(t) = K_{wt} T(t) / V(t)$$

où $K_{wt} = 0.075 \text{ kg m}^3 / \text{sK}$:

- Calculer les quantités $\dot{V}$ et $\dot{T}$ à l'état stationnaire.

- b) Linéariser le système autour de cet état stationnaire.

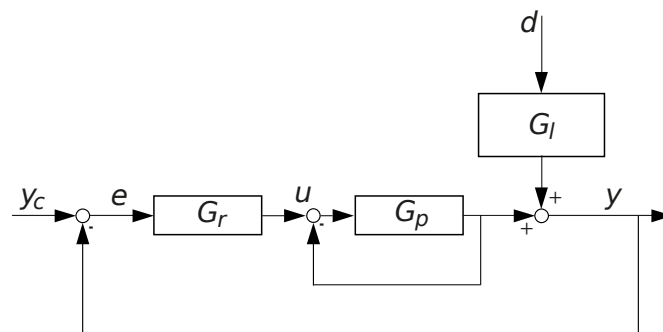
3. **Transformée et transformée inverse de Laplace (20 points)** On considère le système dynamique suivant :

$$\dot{y}(t) + 3\dot{y}(t) + 6.25y(t) = u(t - 0.5), y(0) = 1, \dot{y}(0) = 1$$

Avec $y(t)$ la sortie et $u(t)$ l'entrée du système.

- Calculer la fonction de transfert du système. Quels sont le gain statique, la fréquence naturelle, et l'amortissement du système ?
- Calculer et dessiner la réponse temporelle du système pour $y(0) = 0, \dot{y}(0) = 0$.

4. **Contrôle et réponse temporelle (30 points)** On considère le système de contrôle ci-dessous. On pose les fonctions de transfert $G_p(s) = \frac{1}{s^2 + s - 1}$ et $G_I(s) = \frac{1}{s(s+2)}$



- Proposer le contrôleur le plus simple qui permet d'éliminer l'erreur statique en contrôle entre le signal de référence $y_c(t)$ et la sortie $y(t)$. Déterminer les paramètres de votre contrôleur afin que les pôles de votre système en boucle fermée aient la réponse apériodique la plus rapide.
- Est-ce que le contrôleur développé en a) élimine l'influence de la perturbation $d(t)$ at $t \rightarrow \infty$? Si non, comment modifier le contrôleur pour éliminer le statisme en régulation ?