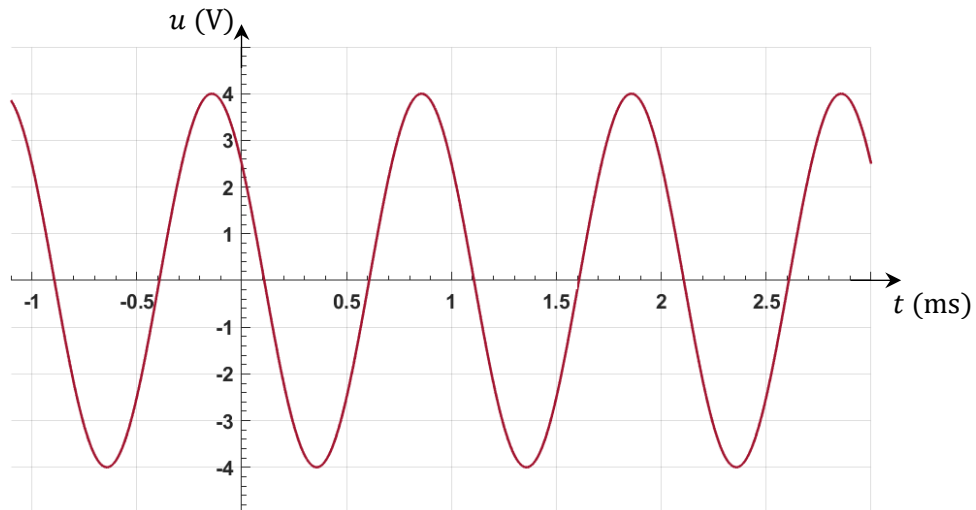


Exercice 1 :

On souhaite caractériser une tension sinusoïdale de la forme $u(t) = \hat{U} \cos(\omega t + \varphi)$. Son tracé est le suivant :



Par lecture graphique, donner les caractéristiques du signal dans le tableau ci-dessous :

Amplitude (V)	Valeur efficace (V)	Période (s)	Fréquence (Hz)	Pulsation (rad/s)	Phase (rad)

Exercice 2 :

Supposez 3 dipôles inconnus aux bornes desquels les couples tension / courant suivants sont mesurés :

a)
$$\begin{cases} u_a(t) = 1.2 \cos(10^3 \pi t) \text{ V} \\ i_a(t) = 0.3 \cos\left(10^3 \pi t + \frac{\pi}{4}\right) \text{ A} \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} u_b(t) = 23 \cos(50 \pi t + 1.4) \text{ V} \\ i_b(t) = 5 \cos(50 \pi t - 0.6) \text{ A} \end{cases}$$

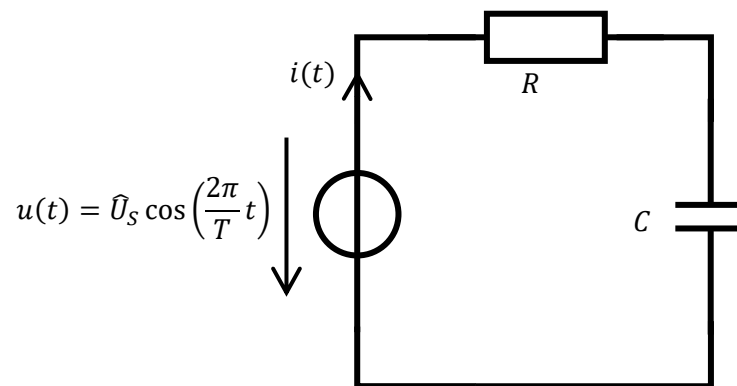
c)
$$\begin{cases} u_c(t) = 310 \cos(100 \pi t + 2.5) \text{ V} \\ i_c(t) = 14.15 \cos(100 \pi t + 2.5) \text{ A} \end{cases}$$

1) Calculer la fréquence f de chacun des signaux.

- 2) Ecrire chacun des signaux sous forme de phaseur instantané, phaseur crête et phaseur efficace.
- 3) Pour chacun des dipôles, calculer le déphasage ϕ (en radian) de la tension par rapport au courant.
- 4) Calculer sous forme exponentielle complexe le rapport $\hat{U}/\hat{I}$ de chacun des dipôles.

Exercice 3 :

On considère le circuit suivant :



- 1) En utilisant la loi des mailles, établir une équation faisant intervenir $u(t)$, $i(t)$ et la tension du condensateur.
- 2) Prendre la dérivée de cette équation et montrer que :

$$\frac{du}{dt}(t) = R \frac{di}{dt}(t) + \frac{1}{C} i(t)$$
- 3) En remplaçant les grandeurs par leurs complexes associés ($\underline{u}(t) = \hat{U}_s e^{j\omega t}$, $\underline{i}(t) = \hat{I} e^{j(\omega t + \beta)}$) calculer l'amplitude du courant et son déphasage par rapport à la tension en fonction de $\hat{U}_s, R, C, T$.

Exercice 4 :

- 1) Pour une pulsation ω donnée, donner les expressions littérales des impédances respectives d'une résistance R , d'un condensateur C et d'une inductance L .
- 2) Expliquer en quoi l'utilisation des phaseurs complexes est utile pour l'analyse des circuits en régime sinusoïdal permanent.

Exercice 5 :

Avec $\underline{Z}_1 = 3 + j2$; $\underline{Z}_2 = 1 - j2$; $\underline{Z}_3 = -2 + j$, calculer les expressions suivantes sous forme algébrique :

- 1) $\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 + \underline{Z}_3$
- 2) $\frac{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2}{\underline{Z}_3}$
- 3) $\underline{Z}_1 + \frac{\underline{Z}_2}{\underline{Z}_3}$

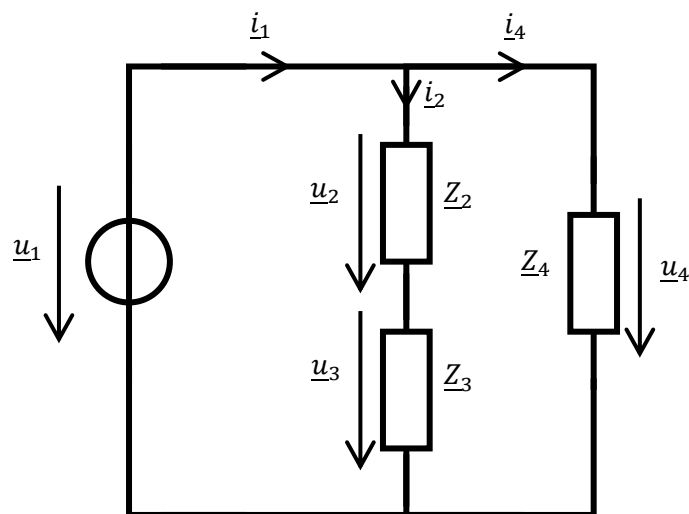
Exercice 6 :

Avec $\underline{Z}_1 = 3e^{j\pi/2}$; $\underline{Z}_2 = 1e^{-j3\pi/4}$; $\underline{Z}_3 = -2e^{j3\pi/2}$, calculer les expressions suivantes sous forme exponentielle :

- 1) $\underline{Z}_1 \underline{Z}_2 \underline{Z}_3$
- 2) $\frac{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2}{\underline{Z}_3}$

Exercice 7 :

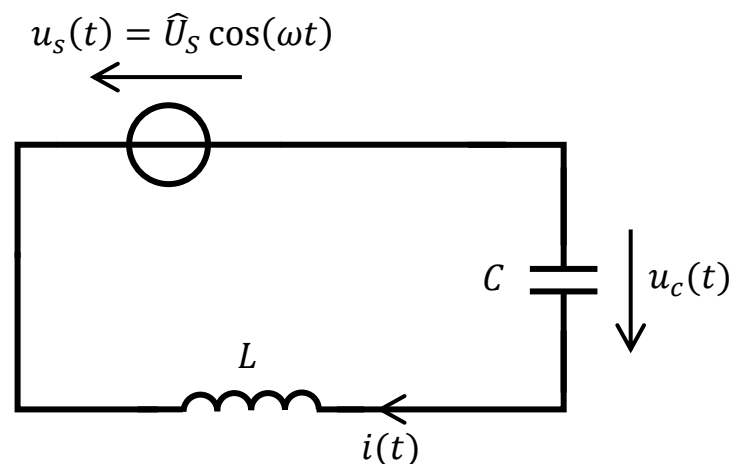
Dans le circuit suivant, on a $\underline{u}_1(t) = 2e^{j6.28 \cdot 10^5 t}$ V ; $\underline{Z}_2 = 3 \cdot 10^3 \Omega$; $\underline{Z}_3 = j2 \cdot 10^2 \Omega$; $\underline{Z}_4 = -j 25 \Omega$



- 1) Calculer le déphasage entre le courant $\underline{i}_4$ et la tension $\underline{u}_1$.
- 2) Calculer le déphasage entre la tension $\underline{u}_3$ et la tension $\underline{u}_1$.
- 3) Calculer le phaseur efficace du courant $\underline{I}_1$.
- 4) A quel type de composant $\underline{Z}_2, \underline{Z}_3, \underline{Z}_4$ correspondent-elles (R, L ou C) ?
- 5) Déterminer les valeurs de R, L ou C des trois impédances du circuit.

Exercice 8 :

Soit le circuit RLC série suivant :



- 1) En appliquant la loi des mailles et la loi caractéristique de l'inductance, écrire une équation différentielle liant u_c, i et u_s .
- 2) Rappeler la loi caractéristique du condensateur. Utiliser cette loi dans l'équation précédente et établir l'équation différentielle de u_c .
- 3) Comment résoudre cette équation ?
- 4) Afin de simplifier la résolution de ce problème, on utilise le formalisme complexe.
 - a. Redessiner le schéma en remplaçant les grandeurs par leurs phaseurs complexes associés et les composants par leurs impédances correspondantes.
 - b. En appliquant le diviseur de tension, montrer que :

$$\underline{U}_c = \frac{1}{1 - LC\omega^2} \underline{U}_s$$
 - c. En déduire $u_c(t)$.
 - d. En réinjectant ce résultat dans l'équation différentielle de la question 2), vérifier que la solution trouvée est bien valide.